

Examen d'électricité le 29-05-2017, (durée de l'épreuve : 1h 30')

Exercice 1 : (Barème de notation : 7 points)

Aux sommets des angles d'un rectangle de longueur

$AC = 1,2 \text{ m}$  et de largeur  $CB = 0,5 \text{ m}$  (figure 1).

On place trois charges  $q_A = 1,510^{-3} \text{ C}$ ,  $q_B = -0,510^{-3} \text{ C}$  et  $q_C = 0,210^{-3} \text{ C}$ .

a- Représenter le vecteur de la force électrique résultante  $\vec{F}_C$

et calculer la force qui agit sur la charge  $q_C$ .

b- Calculer le potentiel électrique au point D.

c- Représenter le vecteur du champ électrique résultant  $\vec{E}_D$  et Calculer le champ électrique au point D,

On donne la constante diélectrique dans le vide  $\epsilon_0 = 8,8510^{-12} \text{ C}^2/\text{Nm}^2$

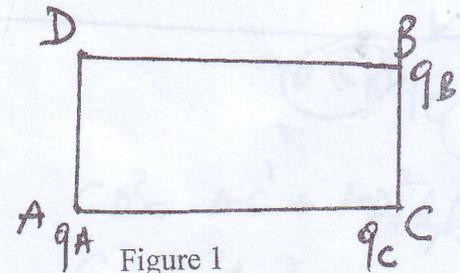


Figure 1

Exercice 2 (Barème de notation : 6 points)

Soit un dipôle de centre O, de moment dipolaire  $\vec{p} = p\vec{u}$  et un point quelconque M tel que  $OM = r = r\vec{u}$

a- Calculer le potentiel électrique créée par le dipôle au point M

b- Calculer le champ électrique créée par le dipôle au point M

c- Vérifier que le champ crée par le dipôle peut s'écrire :

$$\vec{E} = \frac{p}{4\pi\epsilon_0 r^3} [3(\vec{u} \cdot \vec{v}) \cdot \vec{v} - \vec{u}]$$

$$\vec{E} = \frac{p}{4\pi\epsilon_0 r^3} [3(\vec{p} \cdot \vec{r}) \cdot \vec{r} - p r^2]$$

Exercice 3 (Barème de notation : 7 points)

Soient trois générateurs de f.é.m.  $E_1$ ,  $E_2$  et  $E_3$  sont reliés à trois résistances  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_3$  selon le montage de la figure 2. On donne :  $E_1 = 12 \text{ V}$ ,  $E_2 = 1 \text{ V}$  et  $E_3 = 8 \text{ V}$ .  $R_1 = 20 \Omega$ ,  $R_2 = 10 \Omega$  et  $R_3 = 20 \Omega$ .

a- Calculer les intensités des courants  $I_1$ ,  $I_2$  et  $I_3$ .

b- Parmi les générateurs  $E_1$ ,  $E_2$  et  $E_3$  qui fonctionne comme récepteur.

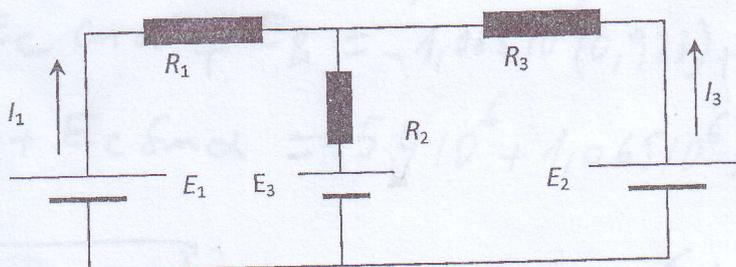


Figure 2

Solution d'EMD d'Electricité du 29-05-2017

EX 1 a)  $\vec{F}_C = \vec{F}_A + \vec{F}_B$  (0,5 pt)

$F_A = k \frac{q_A q_B}{AC^2} = 1,875 \cdot 10^3 \text{ N}$ ,  $\vec{F}_B = k \frac{q_B q_C}{CB^2} = 3,6 \cdot 10^3 \text{ N}$

$F_C = \sqrt{F_A^2 + F_B^2} = 4,06 \cdot 10^3 \text{ N}$  (1,5 pt)

b)  $V_D = V_A + V_B + V_C$  (0,5 pt)

$V_A = \frac{k q_A}{AD} = 9 \cdot 10^9 \frac{1,5 \cdot 10^{-3}}{0,5} = 27 \cdot 10^6 \text{ V}$

$V_B = \frac{k q_B}{BD} = 9 \cdot 10^9 \frac{(0,5 \cdot 10^{-3})}{1,2} = -3,75 \cdot 10^6 \text{ V}$

$V_C = \frac{k q_C}{CD} = 9 \cdot 10^9 \frac{(0,2 \cdot 10^{-3})}{1,3} = 1,38 \cdot 10^6 \text{ V}$ ,  $V_D = 24,63 \cdot 10^6 \text{ V}$  (1 pt)

c)  $\vec{E}_D = \vec{E}_A + \vec{E}_B + \vec{E}_C$  (0,5 pt)

$E_A = \frac{k q_A}{AD^2} = 9 \cdot \frac{10^9 \cdot 1,5 \cdot 10^{-3}}{(0,5)^2} = \frac{13,5 \cdot 10^6}{0,25} = 54 \cdot 10^6 \text{ V/m}$

$E_B = \frac{k q_B}{BD^2} = 9 \cdot \frac{10^9 \cdot 0,5 \cdot 10^{-3}}{(1,2)^2} = \frac{4,5 \cdot 10^6}{1,44} = 3125 \cdot 10^6 \text{ V/m}$

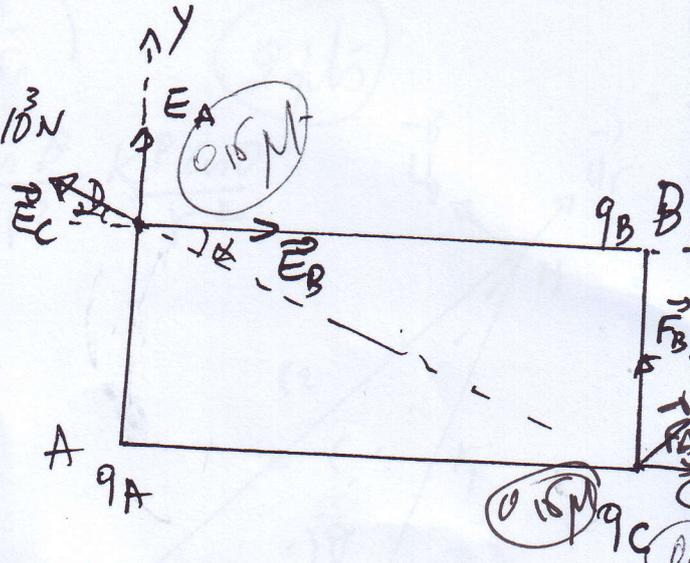
$E_C = \frac{k q_C}{CD^2} = 9 \cdot \frac{10^9 \cdot 0,2 \cdot 10^{-3}}{1,69} = \frac{1,8 \cdot 10^6}{1,69} = 1,065 \cdot 10^6 \text{ V/m}$

$E_{Dx} = -E_C \cos \alpha + E_B = -1,065 \cdot 10^6 (0,923) + 3125 \cdot 10^6 = 2,142 \cdot 10^6 \text{ V/m}$

$E_{Dy} = E_A + E_C \sin \alpha = 54 \cdot 10^6 + 1,065 \cdot 10^6 \cdot 0,385 = 54,41 \cdot 10^6 \text{ V/m}$

$E_D = \sqrt{E_{Dx}^2 + E_{Dy}^2} = 54,45 \cdot 10^6 \text{ V/m}$

(0,5 pt)



$CD^2 = AC^2 + AD^2 = 4,69$

$CD = 1,3$

$\cos \alpha = \frac{1,2}{1,3} = 0,923$

$\sin \alpha = \frac{0,5}{1,3} = 0,385$

(0,7 pt)

(0,75 pt)

Ex 2 : a)  $V_M = V_A + V_B = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right)$  (2 pts)

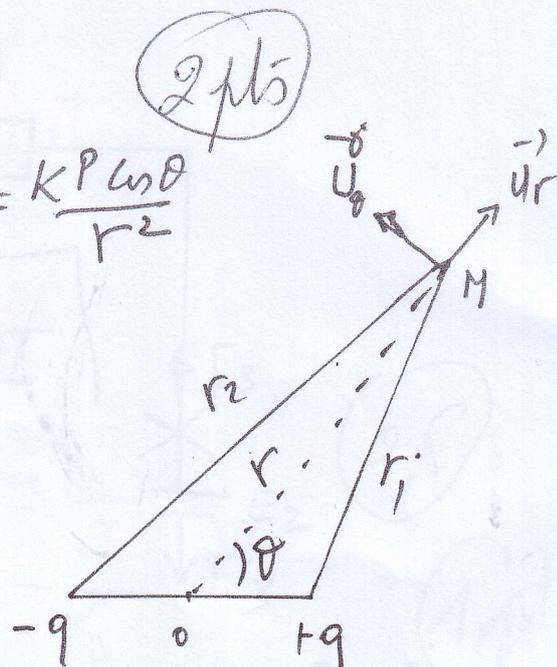
$$V_M = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{r_2 - r_1}{r_1 r_2} \right) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{a \cos \theta}{r^2} = \frac{p \cos \theta}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{Kp \cos \theta}{r^2}$$

b)  $E_M = - \text{grad}' V_M$  (2 pts)

$$E_r = - \frac{\partial V_M}{\partial r} = \frac{2Kp \cos \theta}{r^3}$$

$$E_\theta = - \frac{1}{r} \frac{\partial V_M}{\partial \theta} = \frac{Kp \sin \theta}{r^3}$$

$$E = \frac{Kp}{r^3} \sqrt{1 + 3 \cos^2 \theta}$$



c) Pour utiliser la base  $(\vec{u}_r, \vec{u}_\theta)$  on doit mettre

$$\vec{V} = \vec{u}_r \quad \text{et} \quad \vec{u} = \cos \theta \vec{u}_r - \sin \theta \vec{u}_\theta$$
 (2 pts)

$$\vec{E} = \frac{Kp}{r^3} (2 \cos \theta \vec{u}_r + \sin \theta \vec{u}_\theta)$$

$$\vec{E} = \frac{Kp}{r^3} [2 \cos \theta \vec{v} + \sin \theta \vec{u}]$$

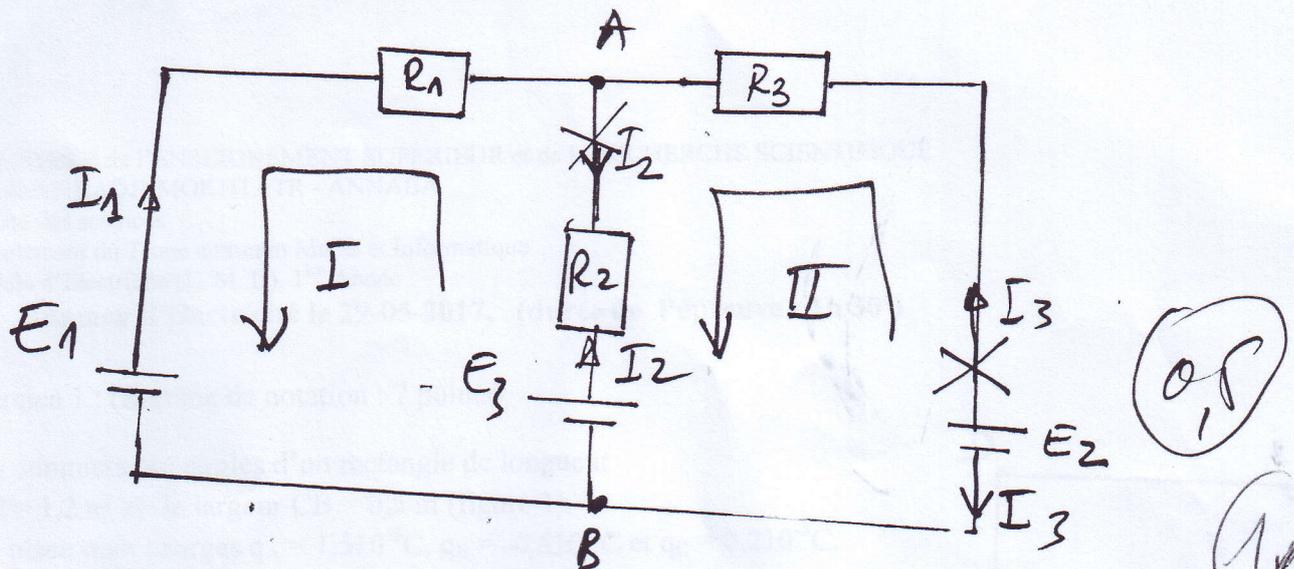
Comme  $\vec{u} \cdot \vec{v} = \cos \theta$  on a donc

$$\vec{E} = \frac{Kp}{r^3} \times [3(\vec{u} \cdot \vec{v}) \vec{v} - \vec{u}]$$

et comme  $\vec{p} = p\vec{u}$  et  $\vec{r} = r\vec{v}$

$$\vec{E} = \frac{Kp}{r^3} \times [3(\vec{p} \cdot \vec{r}) \vec{r} - \vec{p} r^2]$$

EX 3



A/

En A:  $\sum \bar{I} = 0 \Rightarrow \bar{I}_1 - \bar{I}_3 + \bar{I}_2 = 0 \Rightarrow \bar{I}_2 = \bar{I}_1 + \bar{I}_3$

I]  $E_1 - E_3 - \bar{I}_1 R_1 - \bar{I}_2 R_2 = 0$  (1 pt)

II]  $E_3 - E_2 + \bar{I}_2 R_2 + \bar{I}_3 R_3 = 0$  (1 pt)

$4 - 20 \bar{I}_1 - 10 \bar{I}_2 = 0$

$7 + 10 \bar{I}_2 + 20 \bar{I}_3 = 0$

$\Leftrightarrow -30 \bar{I}_1 - 10 \bar{I}_3 = -4$

$10 \bar{I}_1 + 30 \bar{I}_3 = 7$

$\Rightarrow \bar{I}_1 = 0,237 \text{ A}$  (1 pt)

$\bar{I}_3 = -0,312 \text{ A}$  le courant est  $(\bar{I}_3 > 0)$  donc  $\bar{I}_3 = 0,312 \text{ A}$  et en change le sens dans le schéma (1 pt)

$\bar{I}_2 = -0,075 \text{ A}$  ( $\bar{I}_2 = 0,075 \text{ A}$ ) (1 pt)

b)  $E_2$  fonction comme récepteur (0,5 pt)