

Ex 1 :

① $m = 250 \text{ g}$, $T_f = 70^\circ \text{C} \rightarrow \Delta Q = 20 \text{ kJ}$, $\Delta T = 40^\circ \text{C}$

• On a : $\Delta Q = m \cdot C_m \cdot \Delta T \Rightarrow C_m = \frac{\Delta Q}{m \cdot \Delta T}$

A.N : $C_m = \frac{20.000}{250 \cdot 10^{-3} \times 40} = \underline{2000 \text{ J/kg} \cdot ^\circ \text{C}}$

• $\Delta T = T_f - T_i \Rightarrow T_i = T_f - \Delta T = 70 - 40 = \underline{30^\circ \text{C}}$

② $V_{\text{H}_2\text{O}} = 200 \text{ l} \rightarrow m_{\text{H}_2\text{O}} = 200 \text{ kg}$, $T_i = 15^\circ \text{C}$; $T_f = 37^\circ \text{C}$, $C_{m_{\text{H}_2\text{O}}} = 4185 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$

• $\Delta Q = m \cdot C_m \cdot \Delta T = 200 \times 4185 \times (37 - 15) = \underline{1,84 \cdot 10^7 \text{ J}}$

• Pour l'ampoule, on sait que $E = P \cdot t \Rightarrow t = \frac{E}{P} = \frac{\Delta Q}{P}$
 $\Rightarrow t = \frac{1,84 \cdot 10^7}{20} = 9,20 \cdot 10^5 \text{ s} \rightarrow t = \frac{9,20 \cdot 10^5}{3600} = \underline{255,75 \text{ h}}$

Chauffer un bain cosomme beaucoup d'énergie $\rightarrow$ éviter d'en prendre pour économiser l'énergie.

③ $m_{\text{Cu}} = 100 \text{ g}$, $T_i = 15^\circ \text{C}$, $T_f = 37^\circ \text{C}$, $C_{m_{\text{Cu}}} = 385 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$

On a $\Delta Q = m_{\text{Cu}} \cdot C_{m_{\text{Cu}}} \cdot \Delta T = 100 \cdot 10^{-3} \cdot 385 \times (37 - 15) = \underline{847 \text{ J}}$

Pour l'eau : $\Delta Q = m'_{\text{H}_2\text{O}} \cdot C_{m_{\text{H}_2\text{O}}} \cdot \Delta T \Rightarrow m' = \frac{\Delta Q}{C_{m_{\text{H}_2\text{O}}} \cdot \Delta T}$
 $m' = \frac{847}{4185 \cdot 22} = 9,19 \cdot 10^{-3} \text{ kg} \approx \underline{9,20 \text{ g}}$

④ $D_{\text{cu}} = 10 \text{ cm}$ à $T_i = 0^\circ \text{C}$, $T_f = 100^\circ \text{C} \rightarrow \Delta T = 100^\circ \text{C}$, $\beta_{\text{cu}} = 16,5 \cdot 10^{-6}$

on a dilatation de la sphère $\rightarrow$ volumique, si on considère que le milieu est isotrope alors :

$\Delta L = \beta_l \cdot L \cdot \Delta T \rightarrow \Delta V \approx 3 \beta_l \cdot V \cdot \Delta T$

avec $V_{\text{sphère}} = \frac{4}{3} \pi r^3 \Rightarrow \Delta V = 4 \pi r^3 \cdot \Delta T \cdot \beta / r = D/2$

A.N : $\Delta V = 4 \times \pi \cdot (5 \cdot 10^{-2})^3 \cdot 100 \times 16,5 \cdot 10^{-6}$

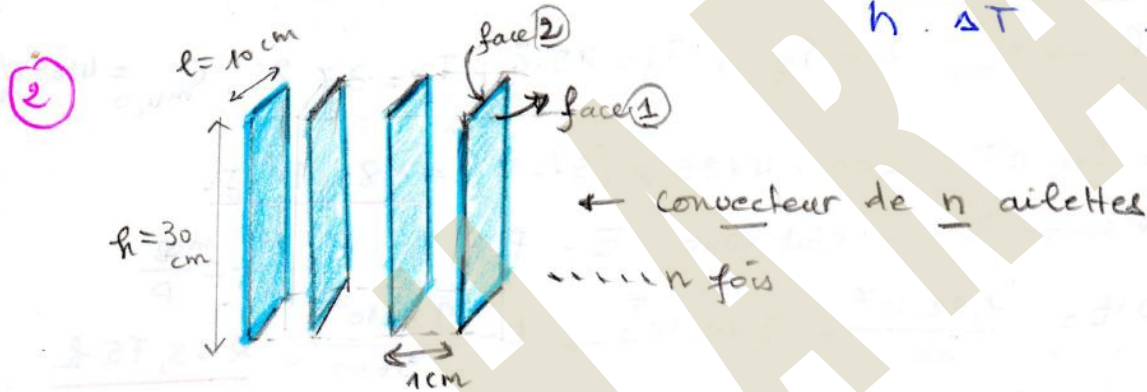
$\Rightarrow \Delta V = 2,59 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3 \approx \underline{2,6 \text{ cm}^3}$

Ex 2 la perte de chaleur dans la pièce $\phi = 4 \text{ kW}$ est due au transfert de chaleur du milieu intérieur chaud (l'air de la pièce) vers l'extérieur plus froid.

- ① Cette perte est alors compensée par le flux fourni par le radiateur (chauffage) / convecteur. Dans ce dernier, l'échange de chaleur se fait par convection entre l'air (20°C) ambiant et l'eau chaude qui le traverse (70°)

Donc selon la loi de Newton: $\phi = h \cdot S \cdot \Delta T$

$$\Delta T = 70 - 20 = 50^\circ\text{C} \Rightarrow S = \frac{\phi}{h \cdot \Delta T} = \frac{4 \cdot 10^3}{10 \times 50} = \underline{8 \text{ m}^2}$$



1 ailette va chauffer sur ces deux faces $\rightarrow S_{\text{aillette}} = 2 \times l \times h$

donc la surface totale $S_T = n \cdot S_{\text{aillette}} = n \times 2 \times l \times h$

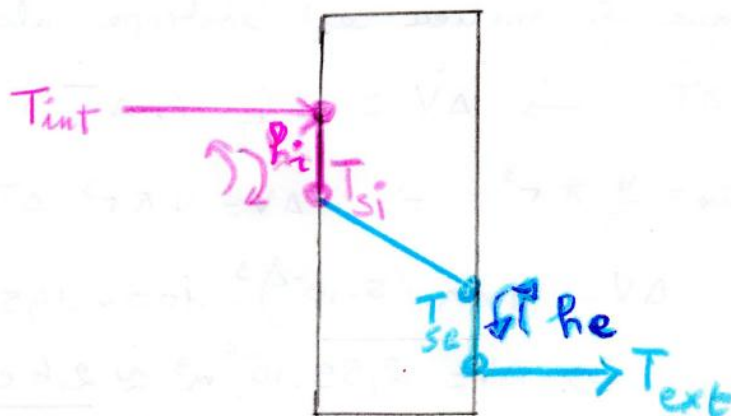
$$\Rightarrow n = \frac{S_T}{2 \cdot l \cdot h} = \frac{8}{2 \times 10^{-1} \times 30 \cdot 10^{-2}} = 133$$

On a alors 133 ailettes qui laissent entre elles 132 intervalles

$\Rightarrow$ la longueur totale du convecteur est donc 132 cm

$\Rightarrow$ encombrement est donc: $132 \times 30 \times 10 \dots \text{(cm)}$

③ Représentation du transfert de chaleur (Perte à travers le mur)



Le flux de chaleur perdu à travers le mur est effectué à travers 3 processus successifs :

- ① convection entre : air intérieur / surface intérieure $\rightarrow h_i$
- ② conduction dans le mur : surface intérieure / surface extérieure $\rightarrow \lambda$
- ③ convection : surface extérieure / air extérieur $\rightarrow h_e$

On a : $S = 80 \text{ m}^2$; $e = 0,30 \text{ m}$, $\lambda = 12 \cdot 10^{-3} \text{ W} \cdot \text{cm}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$
 et $h_i = 9,6 \text{ h}_e \rightarrow$ on cherche h_i et h_e
 et $\phi = 4 \text{ kW}$; $T_{\text{ext}} = 0^\circ \text{C}$, $T_{\text{int}} = 20^\circ \text{C}$

le flux global s'obtient alors : $\phi = S \cdot \psi = -S \cdot \frac{\Delta T}{\sum R_i}$

tel que $R_i = \frac{e}{\lambda} \rightarrow$ T. conduction

ou $R_i = \frac{1}{h} \rightarrow$ T par convection ; donc :

$$\Delta T = T_{\text{ext}} - T_{\text{int}}$$

$$\Rightarrow \phi = \frac{-S \cdot \Delta T}{\frac{1}{h_i} + \frac{e}{\lambda} + \frac{1}{h_e}}$$

puisque $h_i = 9,6 h_e$
 alors $\downarrow$

$$\Rightarrow \phi = \frac{-S \cdot \Delta T}{\left(\frac{1,6}{h_i} + \frac{e}{\lambda}\right)} \Rightarrow \frac{1,6}{h_i} + \frac{e}{\lambda} = \frac{-S \cdot \Delta T}{\phi}$$

$$\Rightarrow h_i = \frac{1,6}{\frac{-\Delta T \cdot S}{\phi} - \frac{e}{\lambda}}$$

$$\rightarrow \text{A.N. : } h_i = \frac{1,6}{\frac{20 \times 80}{4000} - \frac{0,30}{\frac{12 \cdot 10^{-3}}{10^{-2}}}} = \underline{10,66 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}}$$

$$\Rightarrow h_e = \frac{h_i}{9,6} \approx \underline{1,11 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}}$$