

# Formation Automatique et Informatique Industrielle

Master 1 S2

Matière : Systèmes Embarqués et Systèmes  
Temps Réel SE-STR

Par : ATOUI Hamza

# Plan du cours

- Politiques d'ordonnancement:
  - Partie 1 (Tâches périodiques indépendantes à contrainte stricte):
    - **Rate Monotonic Scheduling (RM).**
    - **Deadline Monotonic Scheduling (DM).**
    - **Earliest Deadline First Scheduling (EDF).**
    - **Least Laxity First Scheduling(Least slack time scheduling -LST-) (LLF).**

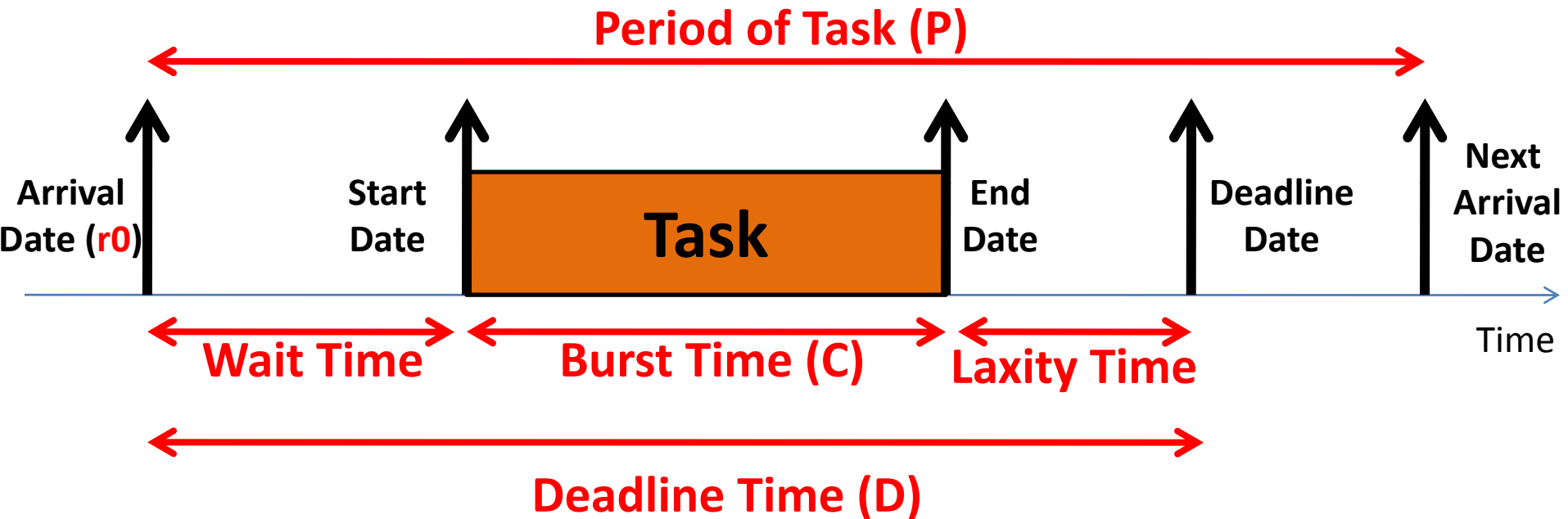
# Tâches périodiques indépendantes

- Hypothèses et modèle :
  - Nombre de CPU : 1.
  - Classe de système : Hard/Soft.
  - Modèle : Task( $r_0$ , C, D, P).
  - Priorité : Statique/Dynamique.
  - Le temps d'allocation du CPU au tâche choisi : Préemptif.
  - Temps de charge du noyau : Négligeable.

# Le TICK d'un système

- C'est le battement du cœur du système, dont certains services du noyau OS/RTOS utilisent pour la synchronisation et le calcul du temps.
- Sur l'axe matérielle, le TICK système se génère par un TIMER à intervalle régulier sous interruption.
- D'une façon générale la valeur de TICK est le  $\text{GCD}(C_1, C_2, C_3, \dots)$  (Greatest Common Divisor) avec  $C_i$  le Burst Time de la tâche « i ».

# Modèle de tâche



Politiques d'ordonnancement

# RATE MONOTONIC SCHEDULING (RM)

# Rate Monotonic Scheduling (RM)

- Rate Monotonic fait partie de la famille des algorithmes à **priorité fixe**.
- Le principe consiste à **affecter** aux tâches des **priorités** qui sont **inversement proportionnelles à leurs périodes**.
- Les tâches à ordonnancer doivent être à échéance sur requête  $\text{Task}(r_0, C, D=P)$ .

# Rate Monotonic Scheduling (RM)

- Etapes à suivre pour ordonnancer efficacement un ensemble de tâches par RM.
- **Etape 1** : Test de faisabilité/ordonnancement.
- Si l'étape 1 est valide on passe vers les étapes ci-après.
- **Etape 2** : Calcul de l'intervalle de simulation par le calcul de  $\text{HyperPeriod} = \text{LCM}(P_1, P_2, \dots)$ .
- **Etape 3** : Détermination de priorité des différentes tâches par : on va associer la plus haute **priorité** à la tâche de la **petite période**.
- **Etape 4** : de tracer les chronogrammes par:
  - De signaler sur long de chronogramme de chaque tâche :  $\{r \uparrow, P \downarrow\}$ .
  - D'ordonnancer les tâches selon l'algorithme dans le diapo suivant.
  - De tracer le chrono **Gantt Chart (GC)**.

# Rate Monotonic Scheduling (RM)

- Algorithme d'ordonnancement par RM :

**À chaque TICK\_SYSTEM faire**

- 1- Chercher les tâches à l'état READY (chargement de ReadyQueue)
- 2- Sélectionner la tâche de la plus petite période dans le ReadyQueue.
- 3- Dessiner un rectangle sur le chrono de la tâche sélectionner au TICK\_SYSTEM en cours.
- 4- Diminuer un TICK le BURST\_TIME (C) de la tâche sélectionner.

**Répéter les 4 étapes jusqu'à la fin de l'intervalle de simulation**

# Rate Monotonic Scheduling (RM)

- **Exemple** : soit le système temps réel a trois tâches périodiques suivantes :

| Task  | $r_0$ | C | D=P |
|-------|-------|---|-----|
| Task1 | 0     | 3 | 20  |
| Task2 | 0     | 2 | 5   |
| Task3 | 0     | 2 | 10  |

- Ordonnancer ces tâches par RM.

# Rate Monotonic Scheduling (RM)

- **Etape 1** : Test de faisabilité/ordonnancement

$$U = CH = \sum_{i=1}^N C_i / P_i \quad (\text{Facteur d'utilisation/charge})$$

$$U \leq 1 \quad (\text{T.F}) \quad (\text{condition nécessaire})$$

$$U \leq N(2^{\frac{1}{N}} - 1) \quad (\text{T.O}) \quad (\text{condition suffisante})$$

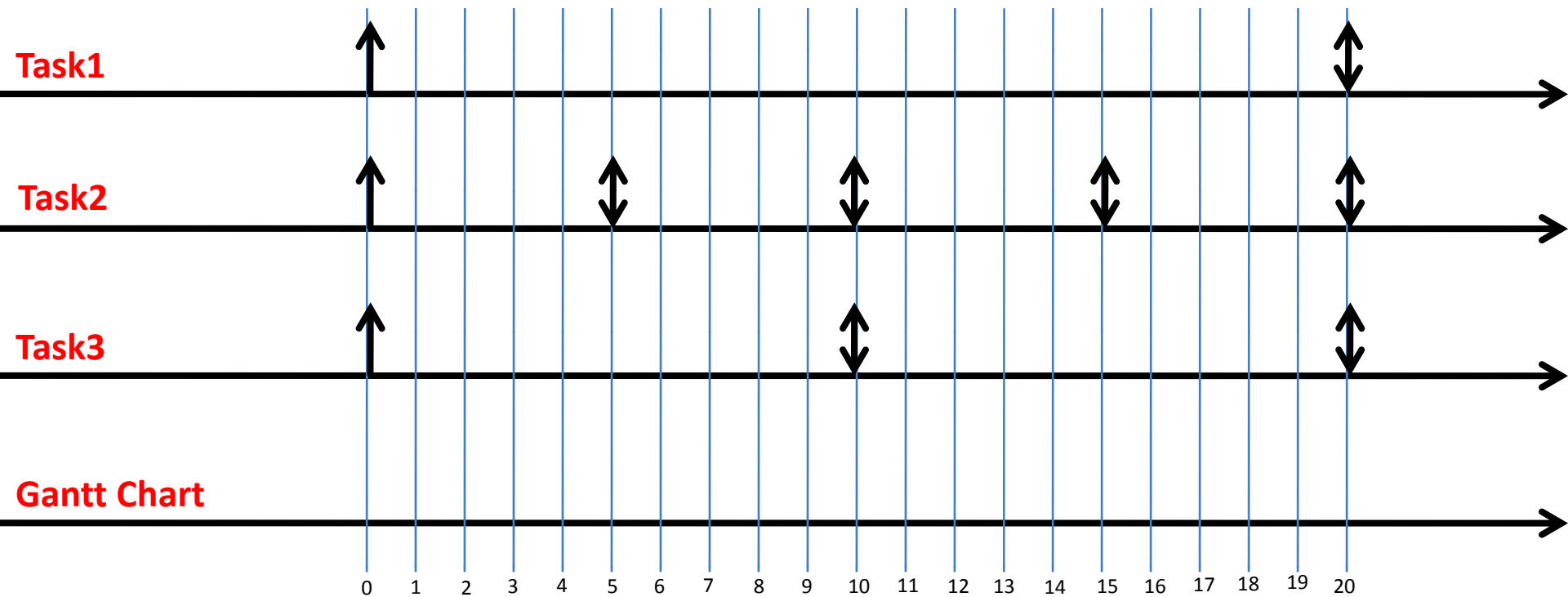
- $U = 3/20 + 2/5 + 2/10 = 0.75 \leq 3(2^{1/3} - 1) = 0.78 \leq 1$

# Rate Monotonic Scheduling (RM)

- **Etape 2** : calcul de l'intervalle de simulation par le calcul de  $\text{HyperPeriod} = \text{LCM}(20, 5, 10)$ .
- $\text{HyperPeriod} = 20$ .
- Donc, l'intervalle d'étude est  $[0, 20]$ .
- **Etape 3** : Détermination de priorité.
- Task1 a une période de 20
- Task2 a une période de 5
- Task3 a une période de 10
- Donc, Task2 prioritaire que Task3 et Task3 prioritaire que Task1 ( $\text{Task2} > \text{Task3} > \text{Task1}$ ).

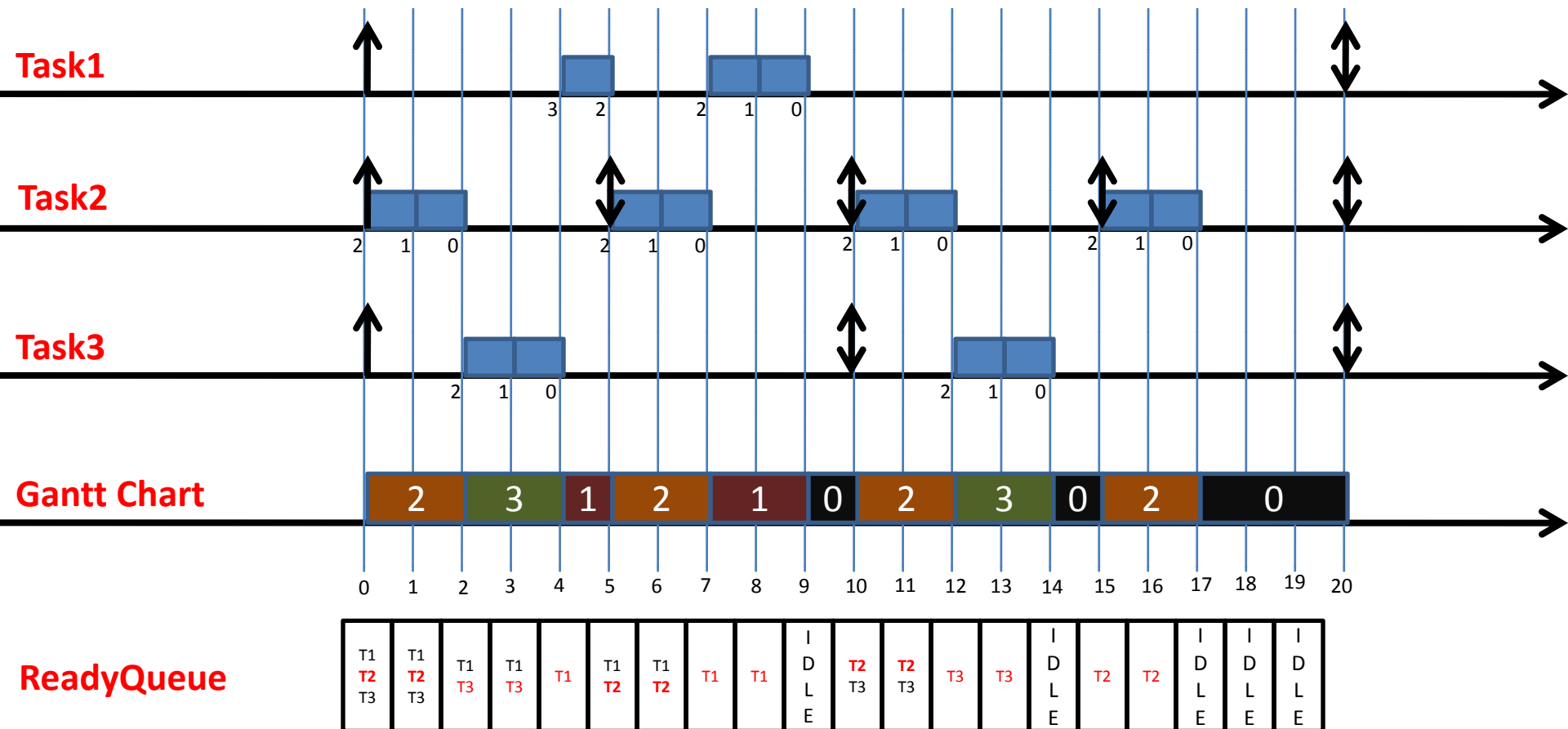
# Rate Monotonic Scheduling (RM)

- **Etape 4** : de tracer les chronogrammes.



# Rate Monotonic Scheduling (RM)

- **Etape 4** : de tracer les chronogrammes.



Politiques d'ordonnancement

# DEADLINE MONOTONIC SCHEDULING (DM)

# Deadline Monotonic Scheduling (DM)

- Deadline Monotonic est un algorithme à **priorité fixe** proche de Rate Monotonic à ceci près qu'il **affecte** à une tâche une **priorité inversement proportionnelle au délai critique**.
- Modèle de tâche : Task( $r_0$ , C, D, P) avec  $D \leq P$ .

# Deadline Monotonic Scheduling (DM)

- Etapes à suivre pour ordonnancer efficacement un ensemble de tâches par DM.
- **Etape 1** : Test de faisabilité/ordonnancement.
- Si l'étape 1 est valide on passe vers les étapes ci-après.
- **Etape 2** : Calcul de l'intervalle de simulation par le calcul de  $\text{HyperPeriod} = \text{LCM}(P_1, P_2, \dots)$ .
- **Etape 3** : Détermination de priorité des différentes tâches par : on va associer la plus haute **priorité** à la tâche du **petit délai critique**.
- **Etape 4** : de tracer les chronogrammes par:
  - De signaler sur long de chronogramme de chaque tâche :  $\{r\uparrow, D\downarrow, P\uparrow\}$
  - D'ordonnancer les tâches selon l'algorithme dans le diapo suivant.
  - De tracer le chrono **Gantt Chart (GC)**.

# Deadline Monotonic Scheduling (DM)

- Algorithme d'ordonnancement par DM :

**À chaque TICK\_SYSTEM faire**

- 1- Chercher les tâches à l'état READY (chargement de ReadyQueue)
- 2- Sélectionner la tâche du délai critique le plus petit dans le ReadyQueue.
- 3- Dessiner un rectangle sur le chrono de la tâche sélectionner au TICK\_SYSTEM en cours.
- 4- Diminuer un TICK le BURST\_TIME (C) de la tâche sélectionner.

**Répéter les 4 étapes jusqu'à la fin de l'intervalle de simulation**

# Deadline Monotonic Scheduling (DM)

- **Exemple** : soit le système temps réel a trois tâches périodiques suivantes :

| Task  | r0 | C | D | P  |
|-------|----|---|---|----|
| Task1 | 0  | 3 | 7 | 20 |
| Task2 | 0  | 2 | 4 | 5  |
| Task3 | 0  | 2 | 9 | 10 |

- Ordonnancer ces tâches par DM.

# Deadline Monotonic Scheduling (DM)

- **Etape 1** : Test de faisabilité/ordonnancement

$$U = \sum_{i=1}^N C_i / P_i \quad (\text{Facteur d'utilisation})$$

$$CH = \sum_{i=1}^N C_i / D_i \quad (\text{Facteur de charge})$$

$$U \leq 1 \quad (\text{T.F}) \quad (\text{condition nécessaire})$$

$$CH \leq N(2^{\frac{1}{N}} - 1) \quad (\text{T.O}) \quad (\text{condition suffisante})$$

- $U = 3/20 + 2/5 + 2/10 = 0.75 \leq 1$
- $CH = 3/7 + 2/4 + 2/9 = 1.15 \geq 3(2^{1/3} - 1) = 0.78$

# Deadline Monotonic Scheduling (DM)

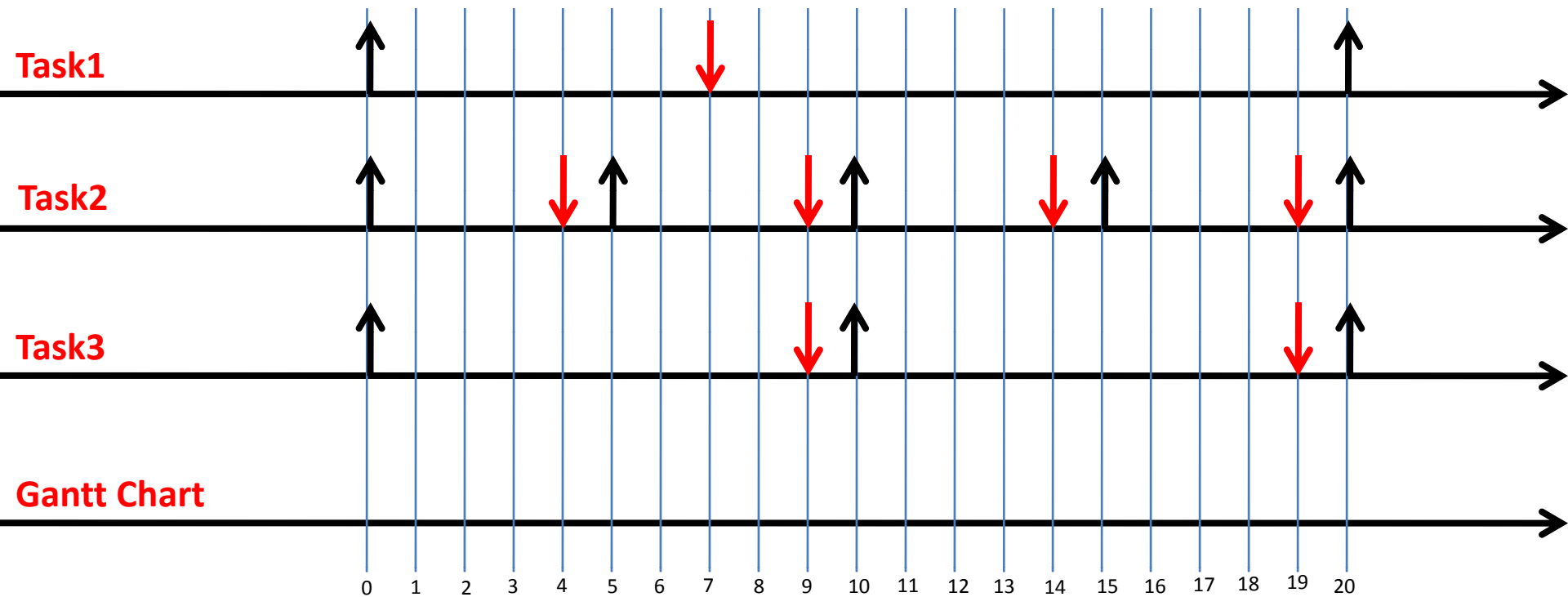
- Test de faisabilité par DM satisfait.
- Test d'ordonnancement par DM non satisfait.
- Malgré le test d'ordonnancement non satisfait, en continuant l'étude.

# Deadline Monotonic Scheduling (DM)

- **Etape 2** : calcul de l'intervalle de simulation par le calcul de  $\text{HyperPeriod} = \text{LCM}(20, 5, 10)$ .
- $\text{HyperPeriod} = 20$ .
- Donc, l'intervalle d'étude est  $[0, 20]$ .
- **Etape 3** : Détermination de priorité.
- Task1 a un délai critique de 7
- Task2 a un délai critique de 4
- Task3 a un délai critique de 9
- Donc, Task2 prioritaire que Task1 et Task1 prioritaire que Task3 (Task2 > Task1 > Task3).

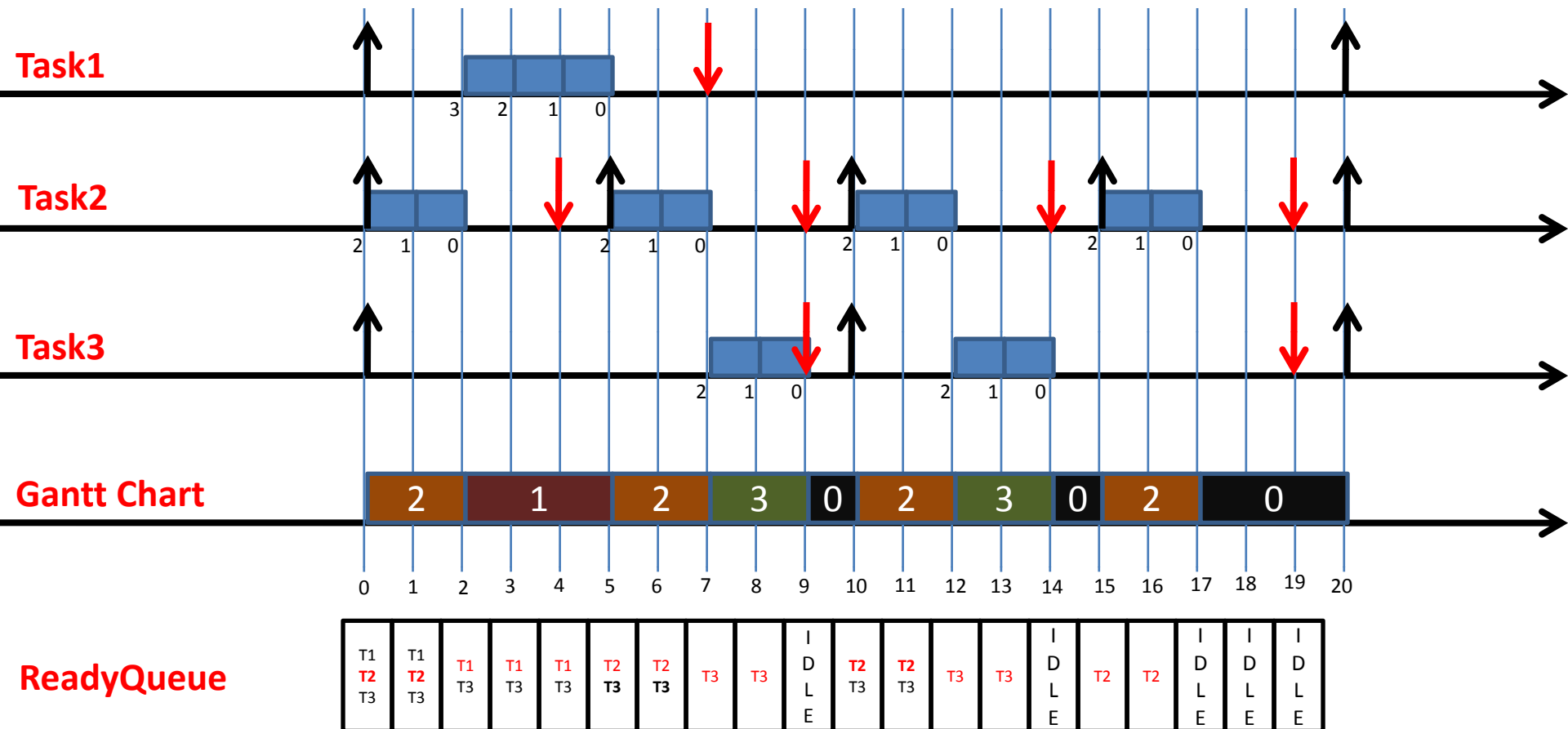
# Deadline Monotonic Scheduling (DM)

- **Etape 4** : de tracer les chronogrammes.



# Deadline Monotonic Scheduling (DM)

- **Etape 4** : de tracer les chronogrammes.



# Deadline Monotonic Scheduling (DM)

- La simulation nous montre que sur la période d'étude, les tâches sont ordonnançables !!!!!

Politiques d'ordonnancement

# **EARLIEST DEADLINE FIRST SCHEDULING (EDF)**

# Earliest Deadline First Scheduling (EDF)

- Earliest Deadline First est un ordonnancement à **priorité dynamique**.
- Une tâche est d'autant **plus prioritaire** que sa **date d'échéance absolue est proche de la date courante**.
- L'ordre d'exécution dépend de l'**urgence**.
- Modèle de tâche : Task( $r_0$ , C, D, P) avec  $D \leq P$ .

# Earliest Deadline First Scheduling (EDF)

- Etapes à suivre pour ordonnancer efficacement un ensemble de tâches par EDF.
- **Etape 1** : Test de faisabilité/ordonnancement.
- Si l'étape 1 est valide on passe vers les étapes ci-après.
- **Etape 2** : Calcul de l'intervalle de simulation par le calcul de  $\text{HyperPeriod} = \text{LCM}(P_1, P_2, \dots)$ .
- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes par:
  - De signaler sur long de chronogramme de chaque tâche :  $\{r\uparrow, D\downarrow, P\uparrow\}$
  - D'ordonnancer les tâches selon l'algorithme dans le diapo suivant.
  - De tracer le chrono **Gantt Chart (GC)**.

# Earliest Deadline First Scheduling (EDF)

- Algorithme d'ordonnancement par EDF :

**À chaque TICK\_SYSTEM faire**

- 1- Chercher les tâches à l'état READY (chargement de ReadyQueue)
- 2- Sélectionner la tâche de l'échéance la plus proche par rapport à la date courante dans le ReadyQueue.
- 3- Dessiner un rectangle sur le chrono de la tâche sélectionner au TICK\_SYSTEM en cours.
- 4- Diminuer un TICK le BURST\_TIME (C) de la tâche sélectionner.

**Répéter les 4 étapes jusqu'à la fin de l'intervalle de simulation**

# Earliest Deadline First Scheduling (EDF)

- **Exemple** : soit le système temps réel a trois tâches périodiques suivantes :

| Task  | r0 | C | D | P  |
|-------|----|---|---|----|
| Task1 | 0  | 3 | 7 | 20 |
| Task2 | 0  | 2 | 4 | 5  |
| Task3 | 0  | 2 | 8 | 10 |

- Ordonnancer ces tâches par EDF.

# Earliest Deadline First Scheduling (EDF)

- **Etape 1** : Test de faisabilité/ordonnancement

$$U = \sum_{i=1}^N C_i / P_i \quad (\text{Facteur d'utilisation})$$

$$CH = \sum_{i=1}^N C_i / D_i \quad (\text{Facteur de charge})$$

$$U \leq 1 \quad (\text{T.F}) \quad (\text{condition nécessaire})$$

$$CH \leq N(2^{\frac{1}{N}} - 1) \quad (\text{T.O}) \quad (\text{condition suffisante})$$

- $U = 3/20 + 2/5 + 2/10 = 0.75 \leq 1$
- $CH = 3/7 + 2/4 + 2/8 = 1.18 \geq 3(2^{1/3} - 1) = 0.78$

# Earliest Deadline First Scheduling (EDF)

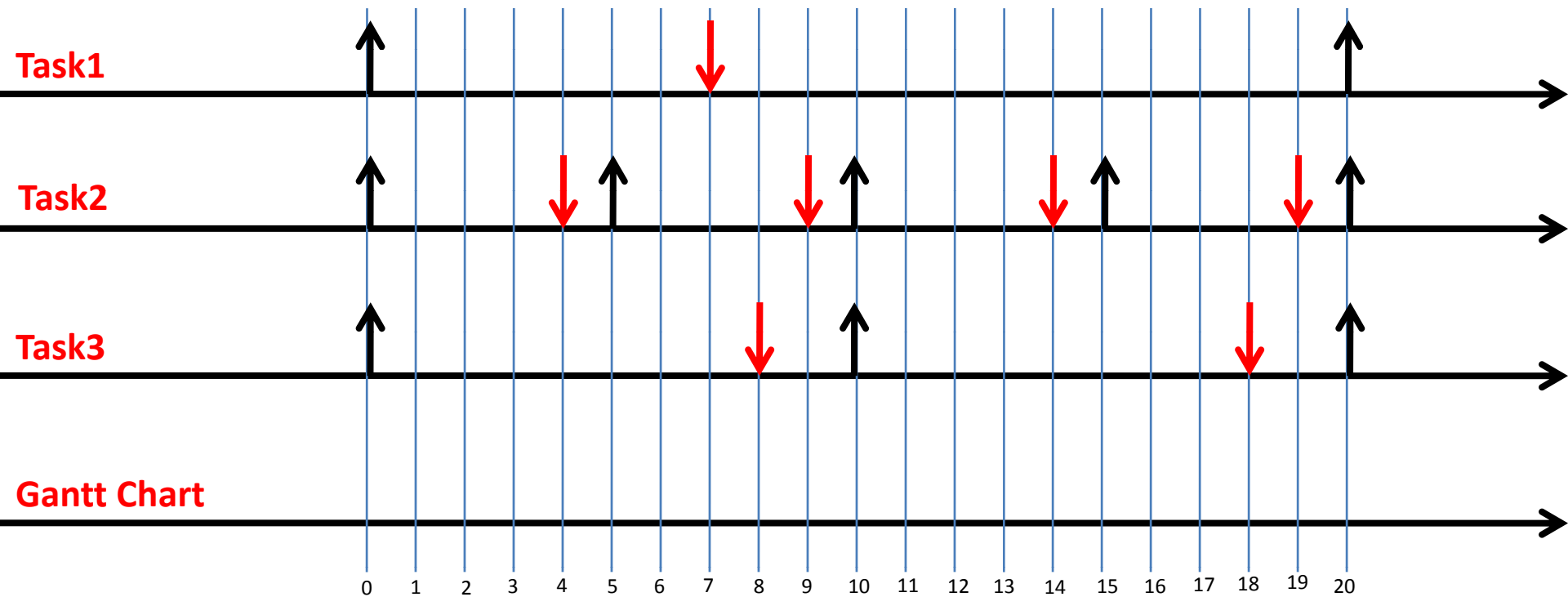
- Test de faisabilité par EDF satisfait.
- Test d'ordonnancement par EDF non satisfait.
- Malgré le test d'ordonnancement non satisfait, en continuant l'étude.

# Earliest Deadline First Scheduling (EDF)

- **Etape 2** : calcul de l'intervalle de simulation par le calcul de  $\text{HyperPeriod} = \text{LCM}(20, 5, 10)$ .
- $\text{HyperPeriod} = 20$ .
- Donc, l'intervalle d'étude est  $[0, 20]$ .

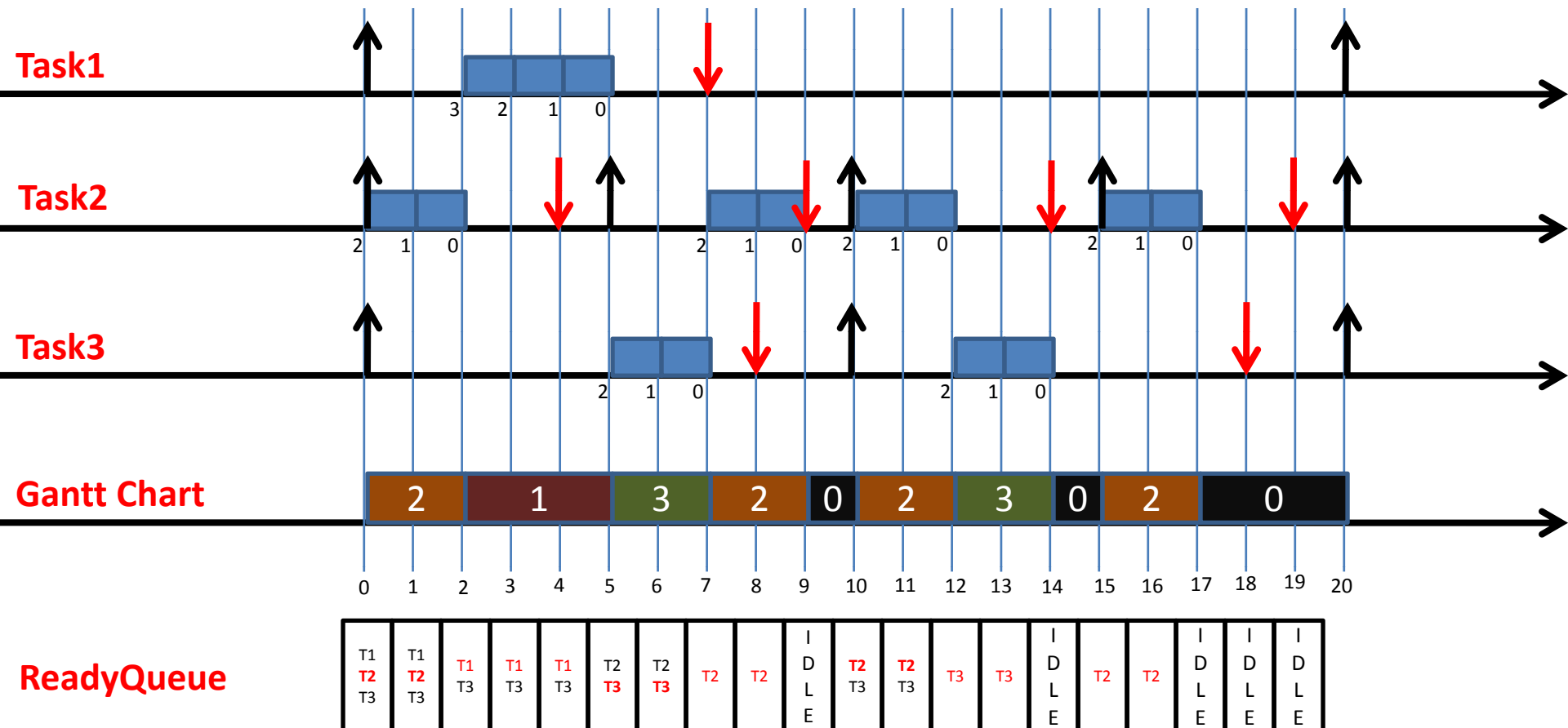
# Earliest Deadline First Scheduling (EDF)

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



# Earliest Deadline First Scheduling (EDF)

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



Politiques d'ordonnancement

**LEAST LAXITY FIRST SCHEDULING(LEAST  
SLACK TIME SCHEDULING -LST-) (LLF)**

# Least Laxity First Scheduling (LLF)

- Least Laxity First est un ordonnancement à **priorité dynamique**. Les tâches sont d'autant **plus prioritaires** que leur **laxité est faible devant la date courante**.
- base sur la laxité résiduelle.
  - la priorité maximale est donnée à la tâche qui a la plus petite laxité résiduelle  $L(t) = D(t) - C(t)$ .
  - $L(t)$  : Laxité résiduelle à l'instant  $t$ .
  - $D(t)$  : Délai critique résiduelle à l'instant  $t$  ( **$D(t) = D - t$** ).
  - $C(t)$  : Burst Time restant à l'instant  $t$ .
- Modèle de tâche : Task( $r_0$ ,  $C$ ,  $D$ ,  $P$ ) avec  $D \leq P$ .

# Least Laxity First Scheduling (LLF)

- Etapes à suivre pour ordonnancer efficacement un ensemble de tâches par LLF.
- **Etape 1** : Test de faisabilité/ordonnancement.
- Si l'étape 1 est valide on passe vers les étapes ci-après.
- **Etape 2** : Calcul de l'intervalle de simulation par le calcul de  $\text{HyperPeriod} = \text{LCM}(P_1, P_2, \dots)$ .
- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes par:
  - De signaler sur l'axe de chronogramme de chaque tâche :  $\{r \uparrow, D \downarrow, P \uparrow\}$
  - D'ordonnancer les tâches selon l'algorithme dans le diapo suivant.
  - De tracer le chrono **Gantt Chart (GC)**.

# Least Laxity First Scheduling (LLF)

- Algorithme d'ordonnancement par LLF :

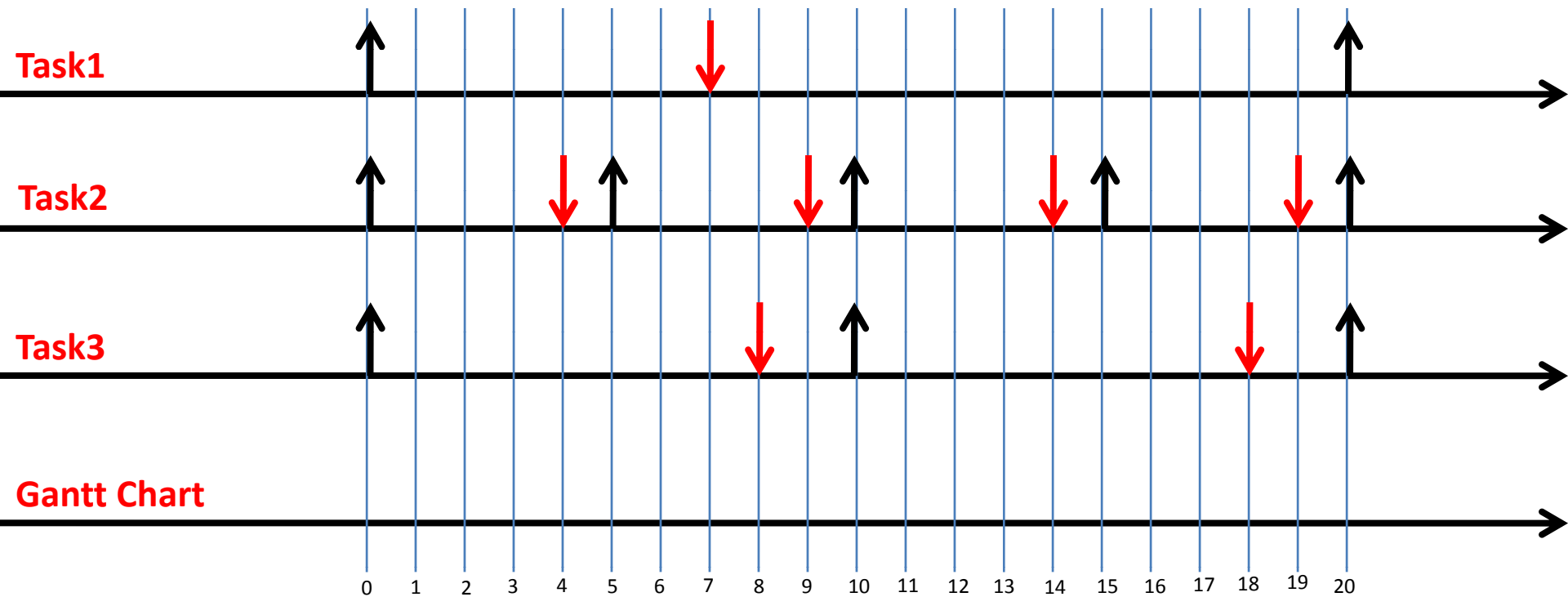
**À chaque TICK\_SYSTEM faire**

- 1- Chercher les tâches à l'état READY (chargement de ReadyQueue)
- 2- Sélectionner la tâche de la laxité résiduelle la plus petite dans le ReadyQueue.
- 3- Dessiner un rectangle sur le chrono de la tâche sélectionner au TICK\_SYSTEM en cours.
- 4- Diminuer un TICK le BURST\_TIME (C) de la tâche sélectionner.

**Répéter les 4 étapes jusqu'à la fin de l'intervalle de simulation**

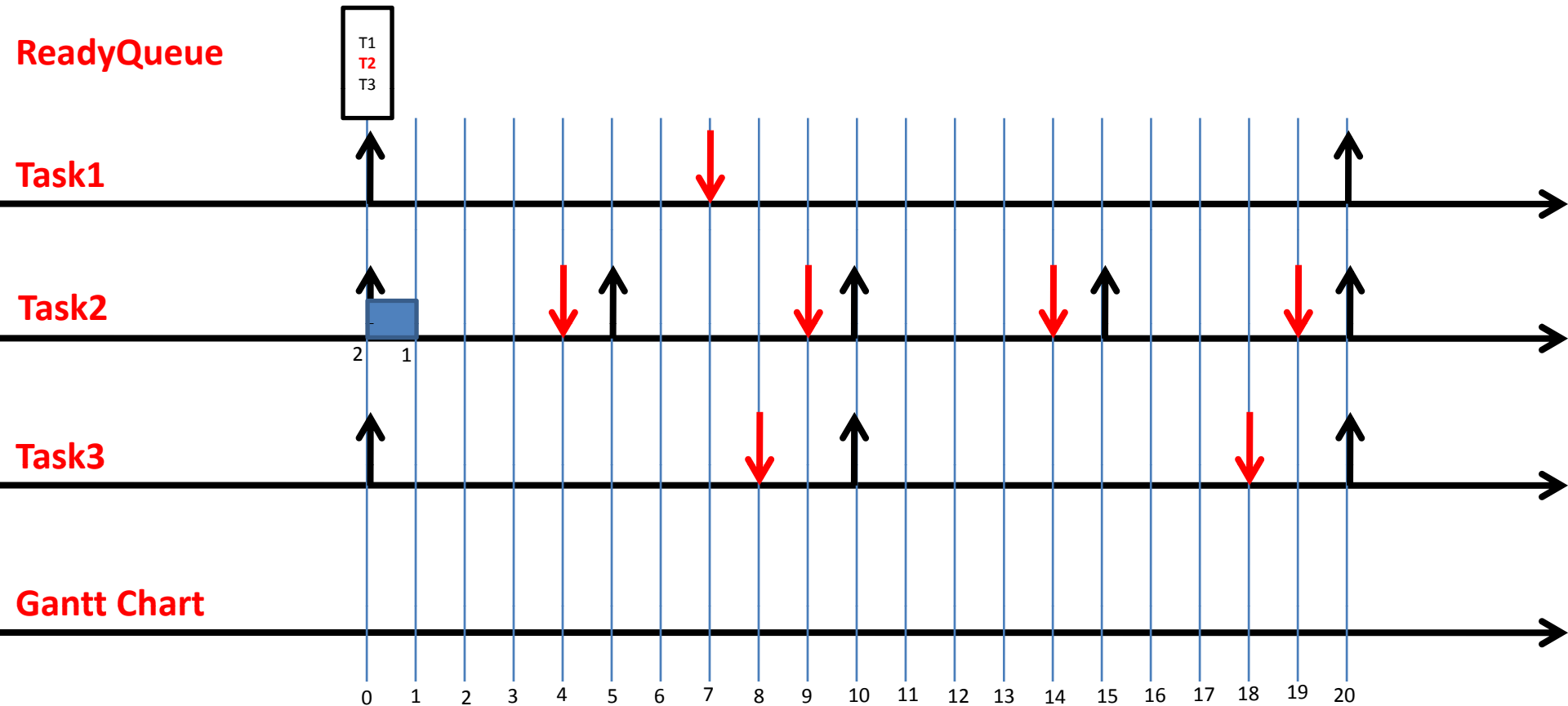
# Least Laxity First Scheduling (LLF)

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



# LLF

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



Calcul de laxité résiduelle pour (t=0) de chaque tâche:

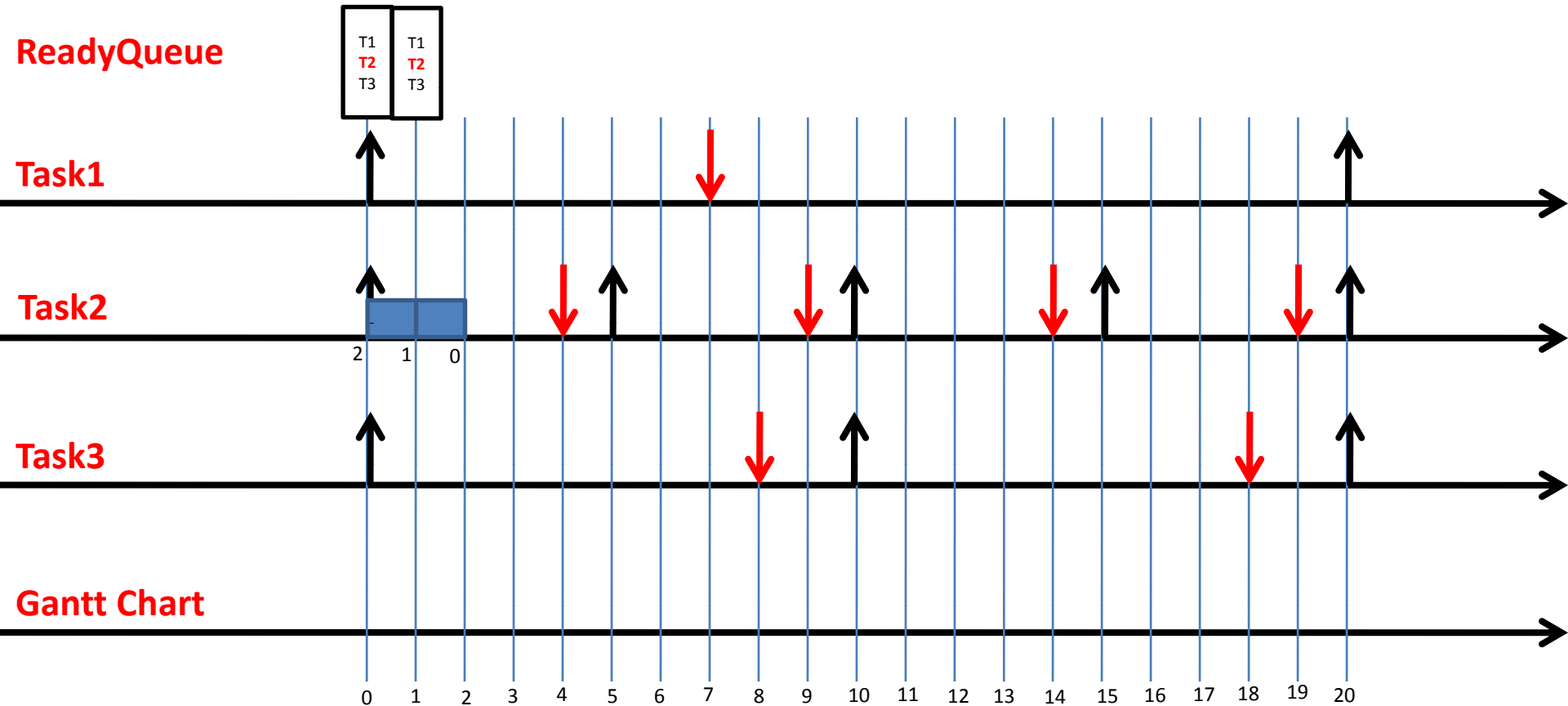
$$T1 : L1(0) = D1(0) - C1(0) = 7 - 3 = 4$$

$$T2 : L2(0) = D2(0) - C2(0) = 4 - 2 = 2$$

$$T3 : L3(0) = D3(0) - C3(0) = 8 - 2 = 6$$

# LLF

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



Calcul de laxité résiduelle pour (t=1) de chaque tâche:

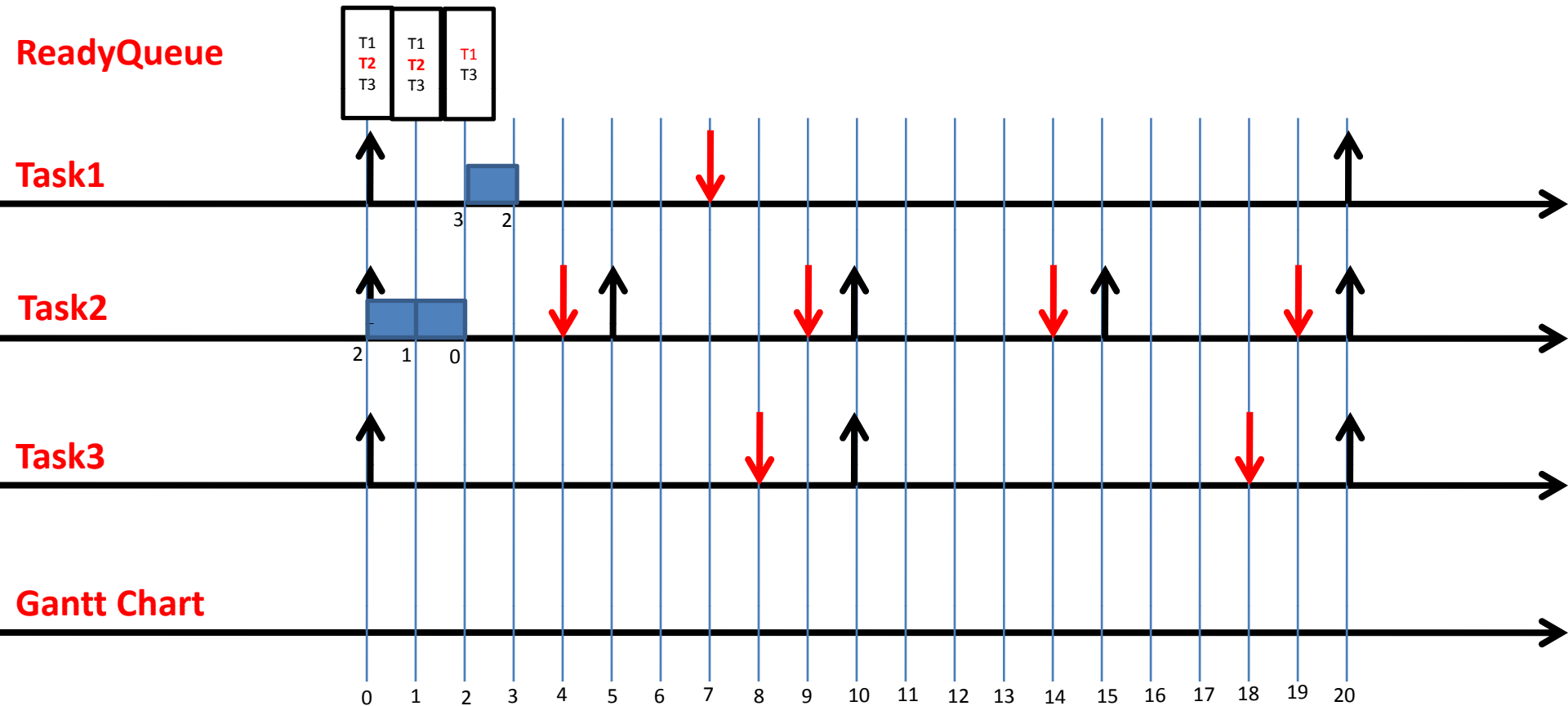
$$T1 : L1(1) = D1(1) - C1(1) = 6 - 3 = 3$$

$$T2 : L2(1) = D2(1) - C2(1) = 3 - 1 = 2$$

$$T3 : L3(1) = D3(1) - C3(1) = 7 - 2 = 5$$

# LLF

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



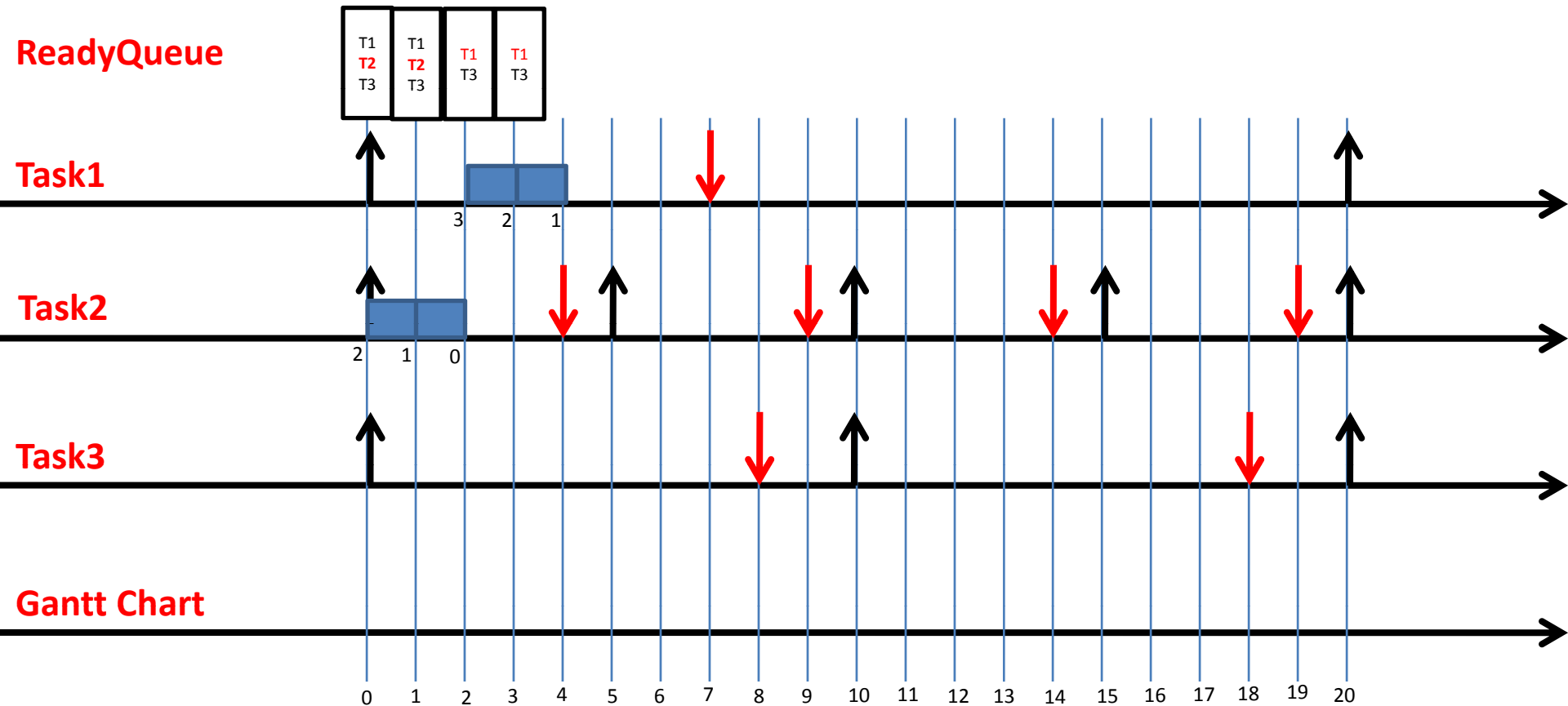
Calcul de laxité résiduelle pour (t=2) de chaque tâche:

$$T1 : L1(2) = D1(2) - C1(2) = 5 - 3 = 2$$

$$T3 : L3(2) = D3(2) - C3(2) = 6 - 2 = 4$$

# LLF

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



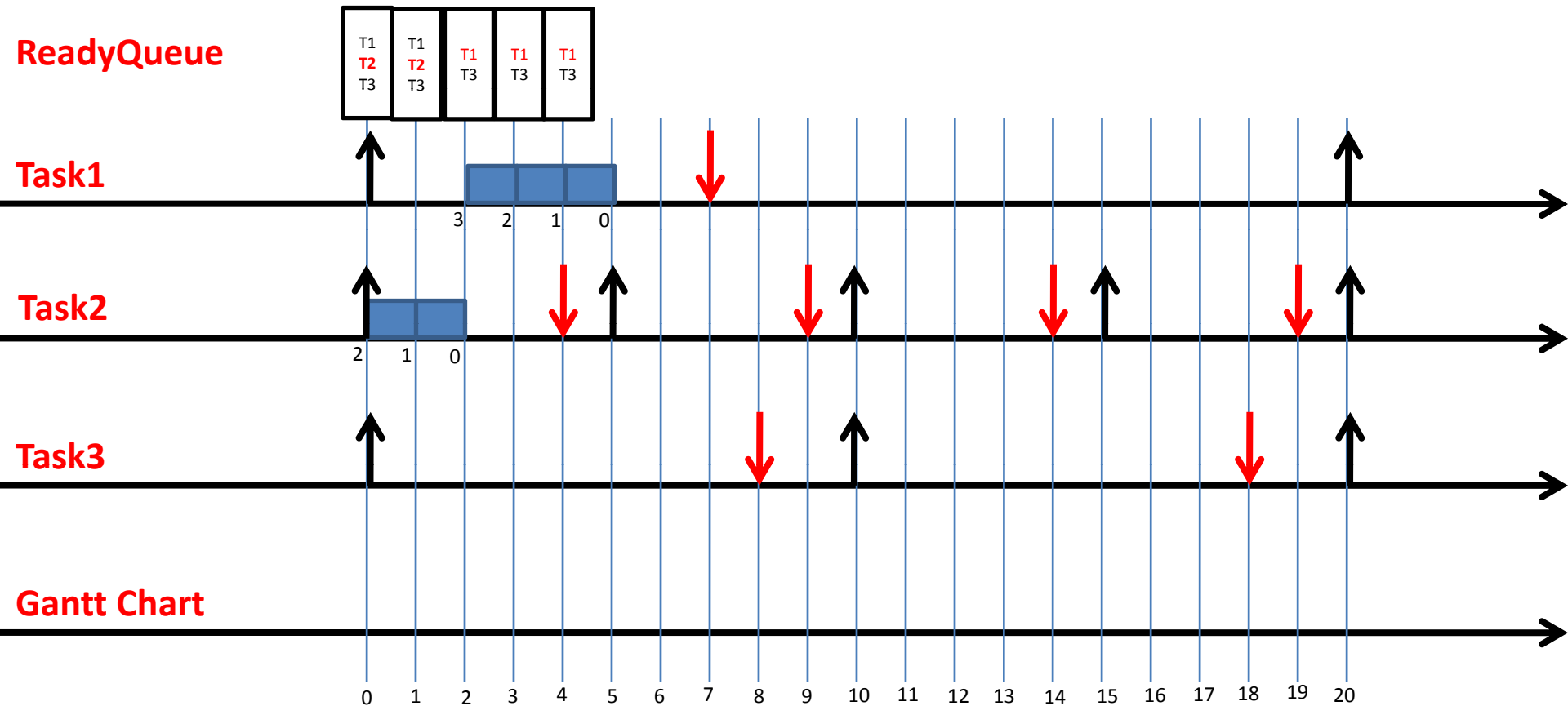
Calcul de laxité résiduelle pour (t=3) de chaque tâche:

$$T1 : L1(3) = D1(3) - C1(3) = 4 - 2 = 2$$

$$T3 : L3(3) = D3(3) - C3(3) = 5 - 2 = 3$$

# LLF

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



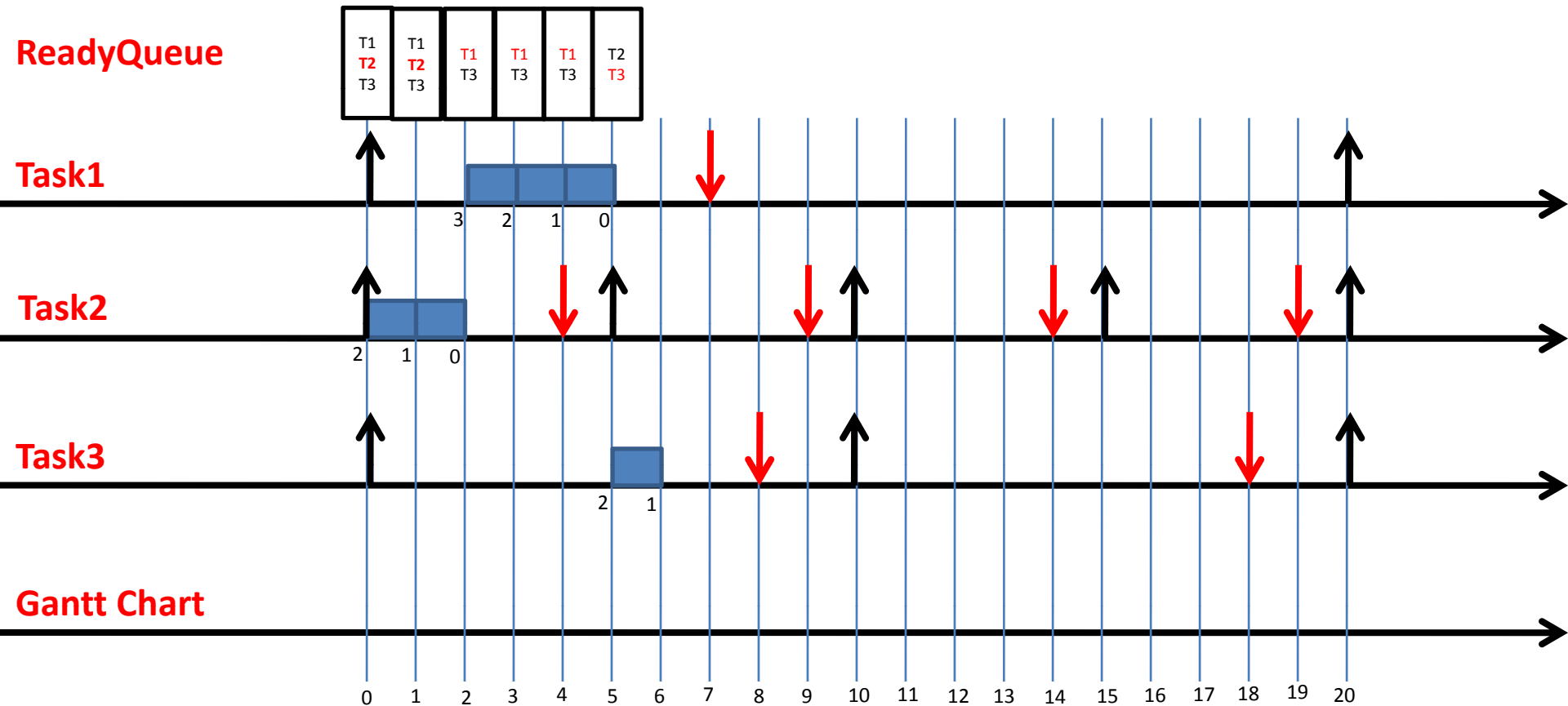
Calcul de laxité résiduelle pour (t=4) de chaque tâche:

$$T1 : L1(4) = D1(4) - C1(4) = 3 - 1 = 2 \text{ (Egalité } \rightarrow \text{ Last Ext Task)}$$

$$T3 : L3(4) = D3(4) - C3(4) = 4 - 2 = 2$$

# LLF

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



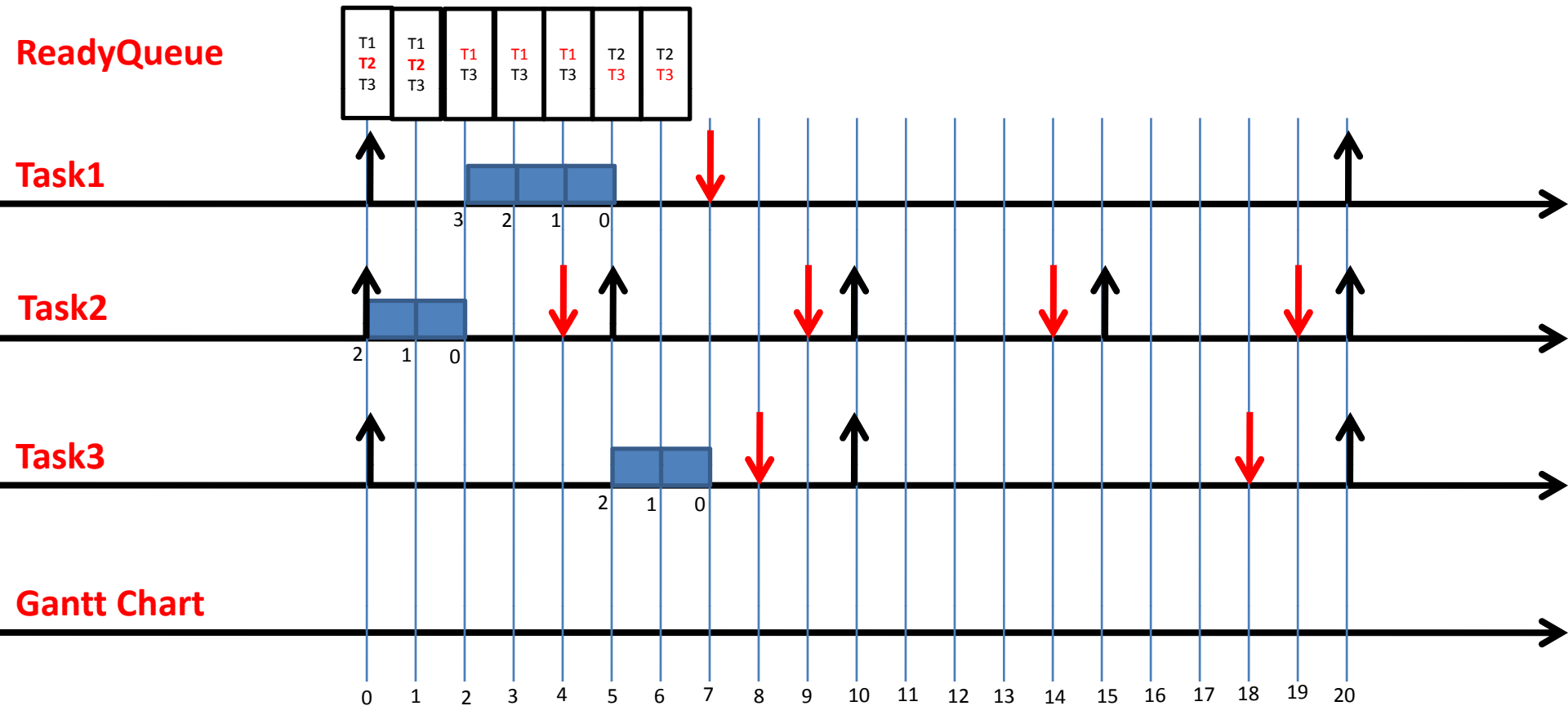
Calcul de laxité résiduelle pour (t=5) de chaque tâche:

$$T2 : L2(5) = D2(5) - C2(5) = 4 - 2 = 2$$

$$T3 : L3(5) = D3(5) - C3(5) = 3 - 2 = \textcircled{1}$$

# LLF

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



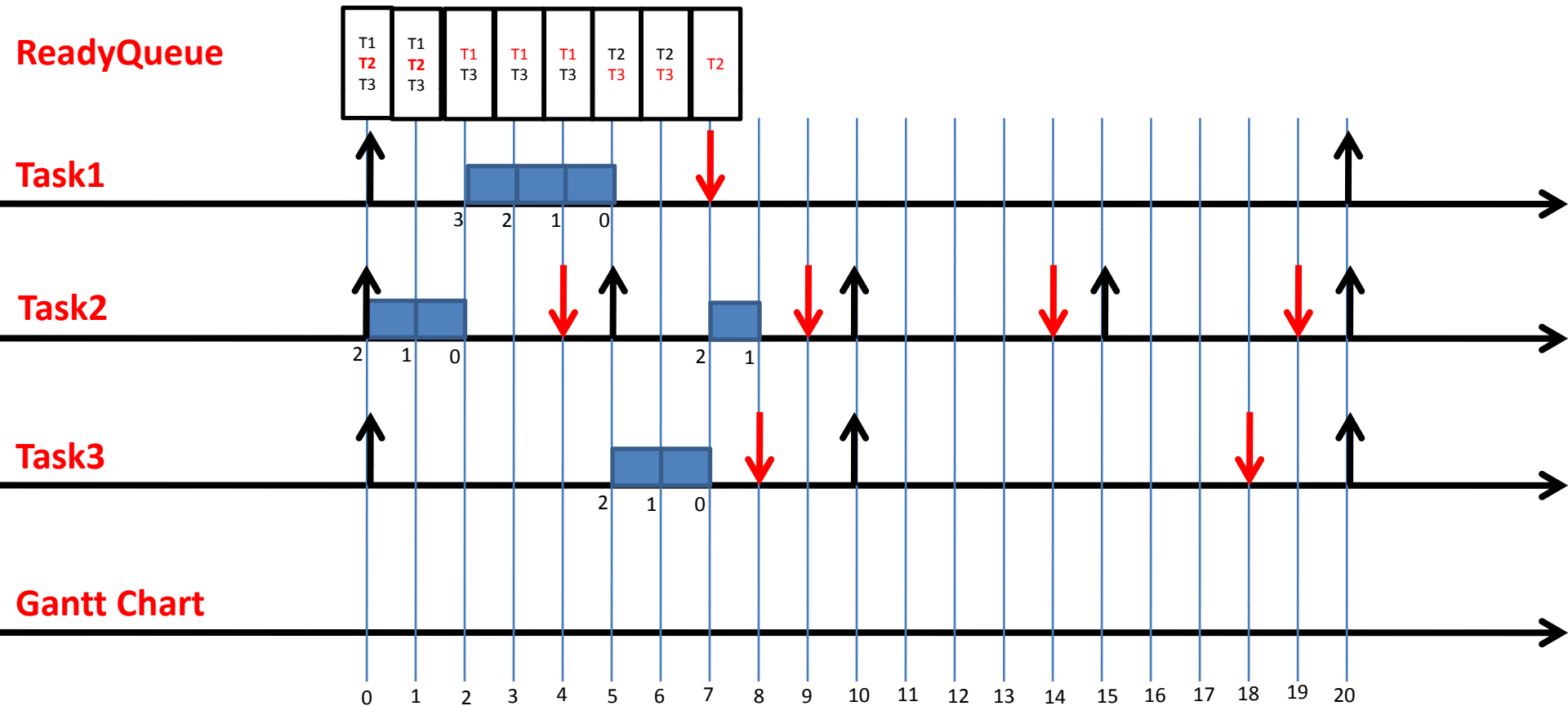
Calcul de laxité résiduelle pour (t=6) de chaque tâche:

$$T2 : L2(6) = D2(6) - C2(6) = 3 - 2 = 1$$

$$T3 : L3(6) = D3(6) - C3(6) = 2 - 1 = \textcircled{1} \text{ (Egalité } \rightarrow \text{ Last Ext Task)}$$

# LLF

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.



Calcul de laxité résiduelle pour (t=7) de chaque tâche:

$$T2 : L2(7) = D2(7) - C2(7) = 2 - 2 = \textcircled{0}$$

**Jusqu'à la fin**

# LLF

- **Etape 3** : de tracer les chronogrammes.

