

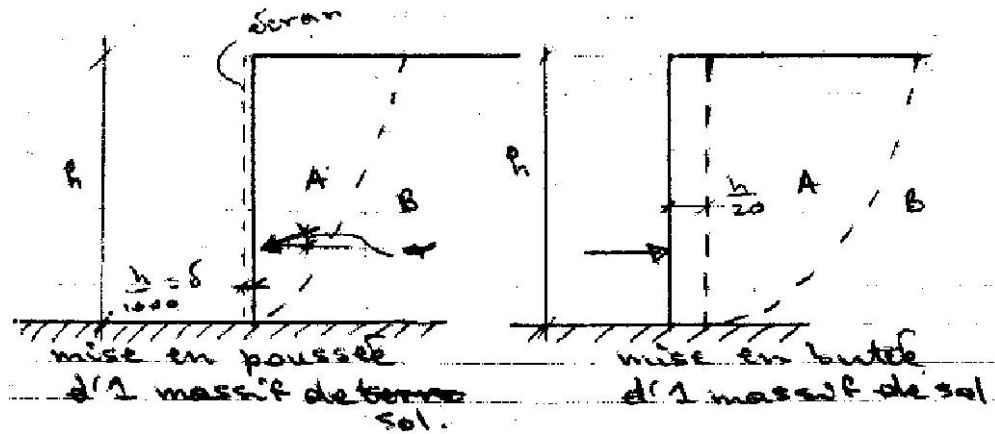
CHAPITRE II

POUSSEE DES TERRES

CHAPITRE 2 – POUSSEE DES TERRES.

I – POUSSEE DES TERRES :

Un massif de sol limité par un écran peut soit le soutenir soit le refouler.



1 - Poussée :

L'écran s'oppose au mouvement du massif de sol. Dans ce cas, le massif de sol exerce sur chaque élément de l'écran une action appelée « pression active » ou « poussée ».

Les études expérimentales ont démontré qu'elle prend une valeur maximale quand l'écran se déplace de $h/1000$.

Elle dépend de la densité du sol, de l'angle de frottement interne, de la cohésion, du coefficient de frottement du massif sur l'écran, de la rigidité de l'écran et du mode de son déplacement possible, de la forme de la surface libre du massif, et de l'inclinaison de l'écran sur la verticale.

Lorsque cette poussée maximum s'établit, une zone A du massif s'est légèrement déplacé et se trouve séparé de la zone B par une faible bande appelée **ligne de cisaillement**, le long de laquelle la rupture s'est produite par cisaillement.

2 – Butée :

L'écran exerce un effort sur le massif. Dans ce cas, le massif oppose sur chaque élément de la surface de l'écran une pression passive ou butée. Celle-ci prend une valeur maximum après un déplacement de l'écran relativement important de l'ordre de $h/20$, donc bien supérieur à celui qui a conduit à la poussée maximum. Alors cette poussée max. dépend des mêmes paramètres que la poussée.

La ligne de rupture par cisaillement délimite une zone de massif en mouvement beaucoup plus importante que la poussée.

3 – Equilibre intermédiaire :

La poussée et la butée correspondent à deux états extrêmes de rupture du massif. Il est évident qu'il peut donc exister tous les équilibres intermédiaires en fonction des déplacements possibles de l'écran et des forces extérieures qui lui sont appliquées. Les pressions actives et passives dépendent donc alors des caractéristiques élasto-plastiques des massifs.

Calcul des poussées :

Les théories utilisées pour déterminer la valeur des poussée et butée sont nombreuses et dépendent de plusieurs hypothèses :

- le sol est considéré en état d'équilibre limite et plastique,
- il se produit au sein du massif un coin de glissement dont on étudie l'équilibre,
- le sol est considéré comme un milieu élastique.

Théorie basée sur les lois de l'équilibre limite ou plastique : la théorie de Rankine.

Les théories mathématiques de l'équilibre limite linéaire étudié par Rankine et le tracé du cercle de Mohr montre que les contraintes varient linéairement avec la profondeur h des points en lesquelles elles étaient calculées. C'est le principe de similitude qui implique la linéarité de la loi des pressions.

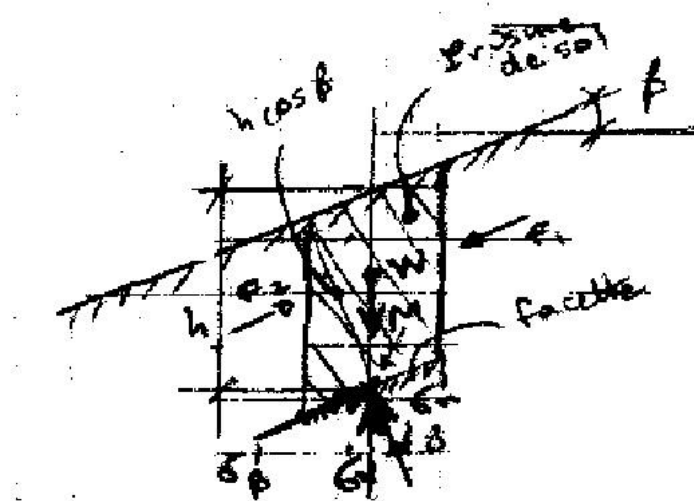


Figure 2 – Méthode de Rankine

La méthode de Rankine consiste à calculer la contrainte sur une facette inclinée du même angle β que la surface du terrain et à une profondeur h . Elle est basée sur deux hypothèses :

- le massif de sol est globalement en plasticité,
- la présence de discontinuité au sein du milieu ne modifie pas la répartition des contraintes verticales dans le sol (Mur, palplanche, etc ...).

Cette dernière hypothèse revient à ne pas tenir compte de la valeur du coefficient de frottement mur-sol ($\delta=0$ angle).

$$W = 1.dB.\cos \beta.h.\gamma$$

$$\sigma'_v = \frac{W}{dB} = \gamma.h.\cos \beta$$

Où :

σ'_v contrainte verticale sur la facette dB,

W poids du prisme de sol.

Mais pour calculer l'action sur un écran, on a besoin de la contrainte σ'_β qui induit une poussée sur l'écran. Le tracé du cercle de Mohr par Rankine a abouti à l'expression suivante :

$$\frac{\sigma'_\beta}{\sigma'_v} = \frac{\cos \beta - \sqrt{\sin^2 \varphi - \sin^2 \beta}}{\cos \beta + \sqrt{\sin^2 \varphi - \sin^2 \beta}}$$

qui pour un talus horizontal ($\beta=0$) devient : $\frac{\sigma'_H}{\sigma'_v} = \frac{1 - \sin \varphi}{1 + \sin \varphi} = \tan^2 \left(\frac{\pi}{4} - \frac{\varphi}{2} \right)$

On pose par définition :

$K_a = \tan^2 \left(\frac{\pi}{4} - \frac{\varphi}{2} \right)$ appelé coefficient de poussée active,

$K_p = \tan^2 \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\varphi}{2} \right)$ appelé coefficient de poussée passive ou de butée

$$\sigma'_H = K_a . \sigma'_v$$

C'est le cas d'un sol homogène sans cohésion.

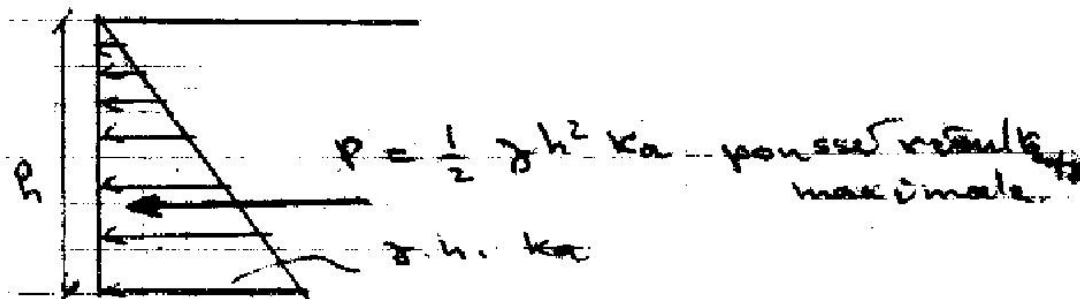


Figure 3 - Poussée résultante maximale.

Pour un mur incliné :

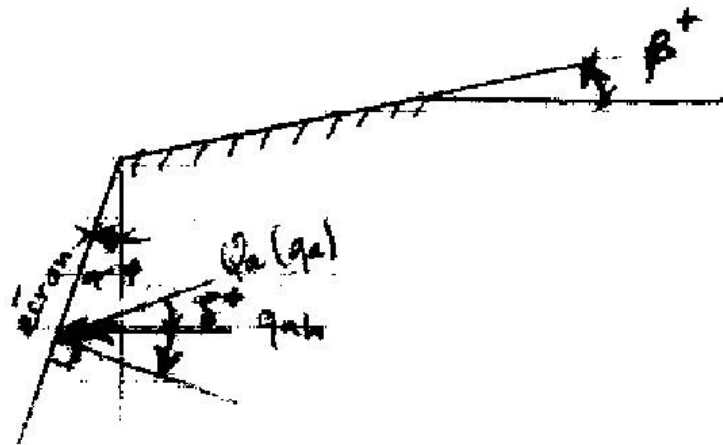
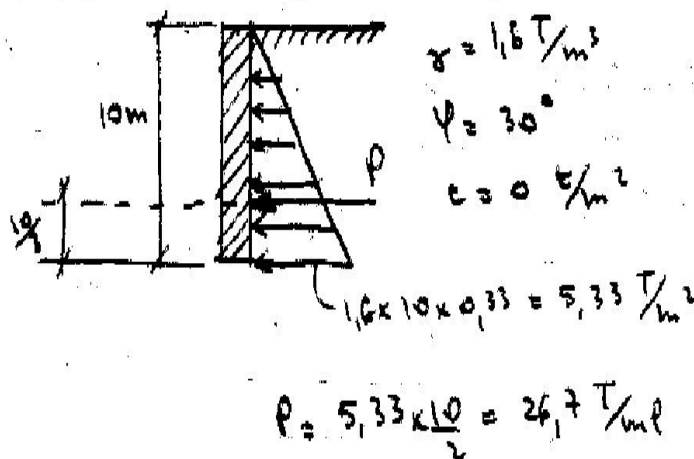


Figure 4 - Mur incliné et talus incliné.

$$K a_h = \frac{\cos^2(\alpha + \varphi)}{\cos^2 \alpha + \left[1 + \frac{\sin(\varphi + \delta) \cdot \sin(\varphi - \beta)}{\cos(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha + \beta)} \right]^2}$$

$$K p_h = \frac{\cos^2(\alpha + \varphi)}{\cos^2 \alpha - \left[1 + \frac{\sin(\varphi + \delta) \cdot \sin(\varphi - \beta)}{\cos(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha + \beta)} \right]^2}$$

Application Calculer la poussée P qui s'exerce sur le mur et son pt d'application



$$K a = \frac{\cos^2\left(\frac{\pi}{4} - \frac{30}{2}\right)}{\cos^2\left(\frac{\pi}{4} - \frac{30}{2}\right)} = 0,33$$

$$\text{pt d'applic. } z = \frac{10}{3} = 3,33 \text{ m}$$

Cas des sols cohérents :

• Théorème des états correspondants de CAQUOT :

Un massif d'angle de frottement interne φ et de cohésion C est assimilable à un massif de même angle de frottement interne soumis à une compression triaxiale uniforme.

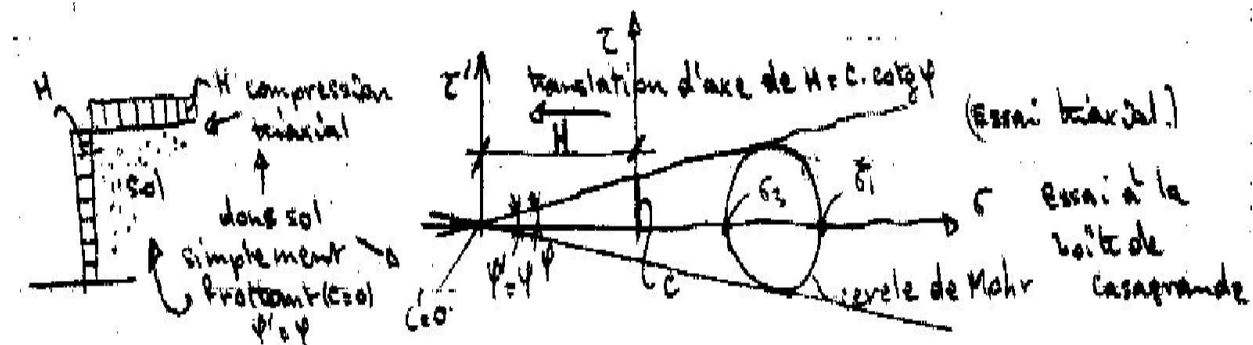


Figure – Méthode de Caquot.

Remarque : CAQUOT suppose que la résultante des poussées P est inclinée d'un angle δ par rapport à la normale à l'écran. Donc la théorie de Rankine n'est qu'un cas pessimiste, bon pour la sécurité de l'ouvrage. En effet, la théorie de Caquot est basée sur l'analyse des contraintes en chaque point du massif pulvérulent. Elle a l'avantage de tenir compte de l'angle δ que fait la poussée P avec la normale à l'écran. Cette théorie suppose des équilibres limites de rupture. Elle suppose en outre que les pressions sur l'écran sont proportionnelles à la distance z de l'arête et de la forme.

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{pression active } p = K_a \cdot \gamma \cdot z \text{ (poussée)} \\ \text{passive } b = K_p \cdot \gamma \cdot z \text{ (butée)} \end{array} \right\}$$

les lignes de rupture ne sont plus des droites, et leurs formes dépendent de l'angle δ .

K_a, K_p et les coeffs. de poussée et de butée de CAQUOT applicables aux efforts de même sens et inclinés suivant δ (tables de CAQUOT et KERISEL)

K_a, K_p et les valeurs des composantes horizontales de poussée et de butée (ils sont donnés par des tableaux). Remarque : Il n'existe pas actuellement de règles pratiques bien définies pour le choix de la valeur de δ :

- Pour la poussée, les coeffs. varient assez peu avec δ . Il est habituellement $\delta_a = 0$ ce qui donne la valeur supérieure (sol-palplanche) $\delta_a = +\frac{2}{3}\varphi$ (sol-béton)
- Par contre pour la butée, il est courant d'admettre $\delta_p = -\frac{1}{2}\varphi$ ou $\delta_p = -\frac{3}{4}\varphi$ ce qui correspond à la mobilisation partielle du frottement massif-palplanche.

Théorie de Rankine pour les sols cohérents : la cohésion n'est à considérer qu'après avoir vérifié qu'elle n'est pas modifiée par la construction de l'ouvrage et qu'elle présente 1 caractère permanent.

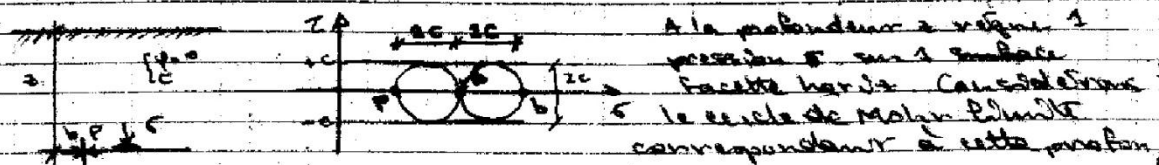
L'équilibre pseudo-élastique de Rankine des cas de bousins purement cohérents ($\varphi=0$) ou à faible frottement interne ($\varphi < 10^\circ$) n'est pas 1 équilibre de rupture généralisé, et les résultats obtenus se font dans le sens de la sécurité.

δ

$\delta_a = +\frac{2}{3}\varphi$

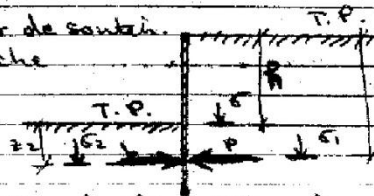
$\delta_p = -\frac{1}{2}\varphi$

• Massif purement cohésif ($c, \varphi=0$) à surface libre horizont. ($\beta=0$)



Il est tangent à la courbe intrinsèque composée des 2 arcs // à l'axe des abscisses. On voit immédiatement que ds l'équilibre de poussée que: $p = \sigma - 2c$ et de butée $b = \sigma + 2c$

On a 1 mur de sout. en palplanche



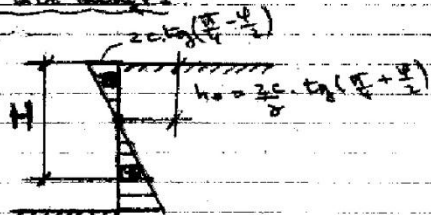
Parvenir de ces 2 cas, il est facile de connaître la pression résultante sur 1 écran de soutènement en palplanche. A la prof z_1 par rapport au niveau du Terre-plein, la press.

sur la Facette horizontale de part et d'autre du niveau et si σ_1 et σ_2 les pressions sur l'écran sont: $p = \sigma_1 - 2c$ $b = \sigma_2 + 2c$ d'où la résultante: $b - p = 4c - (\sigma_1 - \sigma_2)$

ds 1 terrain homogène $\sigma_1 - \sigma_2$ est la pression verticale σ au niveau h . Donc ds le cas d'1 sol frotteur et cohésif, la résultante de la poussée et de la butée (en admettant toujours 1 mur lisse $\alpha\delta=0$)

$$\begin{cases} p = \gamma \cdot h \cdot \tan^2\left(\frac{\pi}{4} - \frac{\varphi}{2}\right) - 2c \cdot \tan\left(\frac{\pi}{4} - \frac{\varphi}{2}\right) \\ b = \gamma \cdot h \cdot \tan^2\left(\frac{\pi}{4} + \frac{\varphi}{2}\right) + 2c \cdot \tan\left(\frac{\pi}{4} + \frac{\varphi}{2}\right) \end{cases}$$

la hauteur des débris:

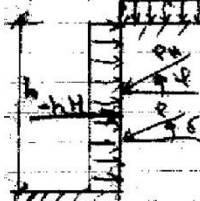


la hauteur de fouille H a donc sans faire de blindage (en a aucune pression sur les parois équilibre):

$$H = 2h_0 = \frac{4c \cdot \tan\left(\frac{\pi}{4} + \frac{\varphi}{2}\right)}{\gamma}$$

En fait, la valeur de φ est théorique car on ne peut admettre parfaitement des tractions par adhérence. Il est donc très prudent d'admettre la cohésion qui présente 1 caractère aléatoire et on conseille de le cas des sols faiblement cohésifs de ne pas prendre en compte cette cohésion et donc se placer ainsi ds la sécurité.

• Application au terrain à frottement interne non-négligeable d'après M. CAQUOT (1910)



d'après la Th. des états correspondants de CAQUOT l'influence de la cohésion est assimilable à une compression biaxial uniforme: $H = c \cdot \cot \varphi$

ds l'équilibre limite de CAQUOT, la poussée totale P sur 1 écran vertical est la somme de 3 termes:

- la poussée p d'1 milieu pulvérulent pesant ds un angle de frottement interne prop. à la prof. et faisant un angle δ avec l'écran et de résultante P .

$$P = \frac{1}{2} K_a \gamma \cdot h^2$$

- la compression uniforme $p_0 = H$ de résultante $-hH$

le milieu de résultante $P_H = h \cdot H \cdot \tan\left(\frac{\pi}{4} - \frac{\varphi}{2}\right) \cdot e$
 Pour simplifier les calculs on emploie habituellement la formule

$$p' = p - (1 - k_a) \cdot c \cdot \cotg \varphi$$

qui en posant $(1 - k_a) \cdot c \cdot \cotg \varphi = Ca$ devient $p' = p - Ca$
 ce qui revient à assimiler l'effet de la compression H sur la surface libre à celui d'une couche de terrain de poids H et donc d'intensité $k_a \cdot H = k_a \cdot c \cdot \cotg \varphi$

En résumé d'après CAGUOT, la résultante

$$p' = \gamma \cdot h \cdot k_a + k_a \cdot H' - H$$

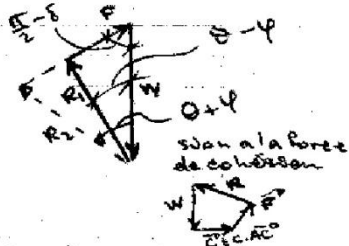
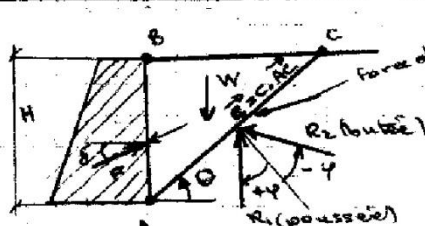
cette la formule précédente

d'où $p' = \gamma \cdot h \cdot k_a + H(k_a - 1) = \gamma \cdot h \cdot k_a + (k_a - 1) \cdot c \cdot \cotg \varphi$

De même pour la butée :

$$b' = b + (k_p - 1) \cdot c \cdot \cotg \varphi = b + c \cdot p$$

- méthode de COULOMB : Théorie du coin de glissement avec $c_p = (k_p - 1) \cdot c \cdot \cotg \varphi$



la méthode de Coulomb se base sur les 2 hypothèses suivantes :
 - la plasticité est atteinte sur toute la surface plane (AC), la direction
 - on s de la force de frottement mur-sol est connu. Alors le principe du calcul consiste à écrire l'équilibre statique d'un coin de sol ABC sous l'action :
 - du poids W du coin de sol ABC
 - de la force F exercée par le mur sur le sol
 - de la réaction R exercée par le sol sur le plan de rupture AC qui présente un angle φ avec la

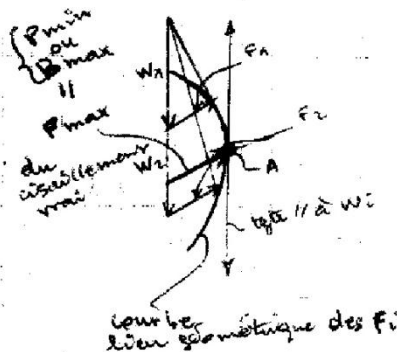
normale à ce plan. Elle est située d'un côté ou de l'autre de cette normale selon qu'il s'agit d'un état de poussée R_1 ou de butée R_2 . la valeur de la force F est perpendiculaire à l'angle θ que fait la surface de rupture avec l'horizontale et de la réaction R de poussée ou de butée. ces 2 cas limites se traduisent par :

$$\frac{dF(\theta)}{d\theta} = 0 \quad \text{avec} \quad F = \frac{W \sin(\theta \pm \varphi)}{\cos(\theta - \theta \pm \varphi)}$$

la solution a été donnée par Muller-Breslau sous la forme

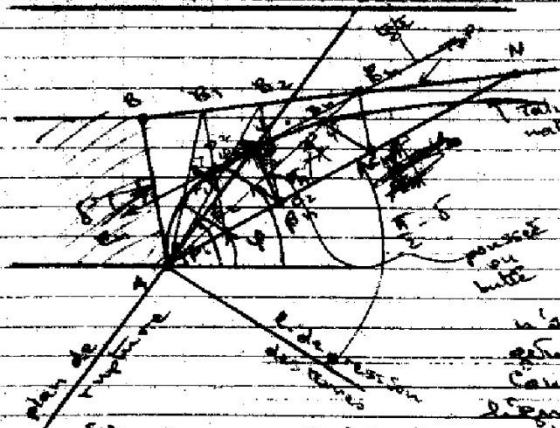
$$F = \frac{1}{2} \cdot H \cdot k \quad \text{avec} \quad k = \sin\left(\frac{\pi}{4} - \varphi\right)$$

$$\sqrt{\sin\left(\frac{\pi}{4} + \varphi\right) + \sqrt{\sin(\pi/4) \cdot \sin \varphi}}$$



On détermine graphiquement la force F en faisant varier θ , on obtient une courbe lieu géométrique des points des P_i , et on trouve le maximum de cette courbe par rapport à la direction des W_i . A partir de ce pr, on trace le P_i correspondant qui est la force de poussée ou de butée qu'on cherche.

Construction de CULMANN



Cette méthode est utilisée pour la détermination des poussées et des butées de certains cas particuliers qui ne peuvent être résolus par les méthodes habituelles. Par exemple pour 1. terre-plein de forme quelconque ou la surcharge qu'il doit supporter n'est pas uniforme. C'est 1. généralisation de la loi de Coulomb puisque basée sur des lignes de rupture rectilignes.

la méthode consiste donc à déterminer graphiquement quelle est parmi tous les plans possibles de rupture celui qui conduit à la poussée optimale.

Soit AB_1, AB_2, AB_n les plans possibles de rupture correspondant au point A plans inclinés de $\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_n$ sur le plan horizontal. Les plans délimitent des prismes de terre $ABB_1, ABB_2, \dots, ABB_n$. Le poids W d'un prisme de terre en équilibre par :

- la réaction du mur E en incliné sur la normale de AB de δ .
- la réaction F du plan AB_n incliné sur la normale à ce plan de l'angle φ .

La construction de Culmann est la suivante :

- Par B_n , on porte la parallèle au parement du mur et qui coupe le talus naturel au pt C_n .
- Par C_n , on trace la // à la droite d'angle $(\pi - \delta)$ avec AN ou ligne de pression des terres et qui coupe la droite AB_n en D_n .
- la même chose pour les autres β_i , on joint par 1 courbe tous les points D_i avec A aussi.
- On trace la tangente à cette courbe // à AN .

L'influence des surcharges sur 1 terre-plein horizontale

① Surcharge uniforme indépendante



En supposant que l'influence d'une surcharge verticale q uniforme se transmette sur l'écran à travers le massif considéré et que la pression est inclinée de $\pm \varphi$ sur la normale à l'écran, M. CAQUOT a donné les expressions suiv :

$$\text{En poussée : } P = q \cdot \tan\left(\frac{\pi}{4} - \frac{\varphi}{2}\right) \cdot e^{-(\pi/2 - \varphi) \cdot \tan \varphi} - (\pi/2 + \varphi) \cdot \tan \varphi$$

$$\text{En butée : } b = q \cdot \tan\left(\frac{\pi}{4} + \frac{\varphi}{2}\right) \cdot e^{(\pi/2 + \varphi) \cdot \tan \varphi}$$

N.B. : V. Herminier et A.B.S.I. ont publié des tables générales (cf. Equilibre limite d'un coin de 1 m de haut non pesant celui n° 16 - Eyrolles)

Toutefois, pour simplifier les calculs, on peut assimiler sans grosses erreurs l'influence de la surcharge à celle d'un haut de terrain de m. poids

$$h' = q \rightarrow E_u = h' \cdot \gamma \cdot K_a = \frac{q}{\gamma} \cdot \gamma \cdot K_a = q \cdot K_a \quad (\text{effet de la surcharge})$$

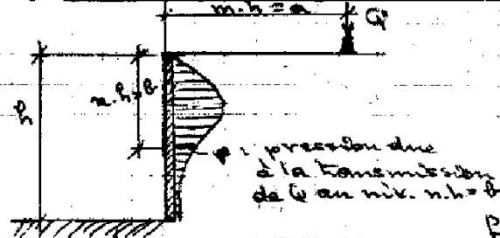
On aura ainsi à 1 profondeur z d'un train de poids spécifique γ ,
 • pour la poussée : $p = \gamma \cdot z \cdot k_a + q \cdot k_a = k_a (\gamma z + q)$

$$p = k_a (\gamma z + q)$$

• pour la butée : $b = \gamma \cdot z \cdot k_p + q \cdot k_p = k_p (\gamma z + q) = b$

② Surcharge uniforme partielle : (cf. GRAU règles pratiques)

③ Surcharge longitudinales (voies de portées ou chemin de fer)



A défaut de formules correspondant à 1 équilibre de rupt., l'influence d'1 surcharge linéaire peut se calculer d'après les eqs de Boussinesq corrigées par les essais de Terber et Spangler. Ces

Formules sont :

si $m > 0,4 \Rightarrow$

$$p = \frac{4Q}{\pi \cdot h} \frac{m \cdot n}{(m^2 + n^2)^2}$$

si $m < 0,4 \Rightarrow$

$$p = \frac{Q}{h} \frac{0,203 \cdot n}{(0,16 + n^2)^2}$$

le diag. ainsi obtenu sera à ajouter à celui des pressions des terres